Series #CDBA/S **SET~1**

प्रश्न–पत्र कोड
Q.P. Code **30/S/1**

रोल नं.
Roll No.

परीक्षार्थी प्रश्न-पत्र कोड को उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर अवश्य लिखें ।
Candidates must write the Q.P. Code on the title page of the answer-book.

नोट / NOTE :

(i) कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में मुद्रित पृष्ठ **27** हैं ।
Please check that this question paper contains **27** printed pages.

(ii) कृपया जाँच कर लें कि इस प्रश्न-पत्र में **38** प्रश्न हैं ।
Please check that this question paper contains **38** questions.

(iii) प्रश्न-पत्र में दाहिने हाथ की ओर दिए गए प्रश्न-पत्र कोड को परीक्षार्थी उत्तर-पुस्तिका के मुख-पृष्ठ पर लिखें ।
Q.P. Code given on the right hand side of the question paper should be written on the title page of the answer-book by the candidate.

(iv) **कृपया प्रश्न का उत्तर लिखना शुरू करने से पहले, उत्तर-पुस्तिका में प्रश्न का क्रमांक अवश्य लिखें ।**
Please write down the serial number of the question in the answer-book before attempting it.

(v) इस प्रश्न-पत्र को पढ़ने के लिए 15 मिनट का समय दिया गया है । प्रश्न-पत्र का वितरण पूर्वाह्न में 10.15 बजे किया जाएगा । 10.15 बजे से 10.30 बजे तक छात्र केवल प्रश्न-पत्र को पढ़ेंगे और इस अवधि के दौरान वे उत्तर-पुस्तिका पर कोई उत्तर नहीं लिखेंगे ।
15 minute time has been allotted to read this question paper. The question paper will be distributed at 10.15 a.m. From 10.15 a.m. to 10.30 a.m., the students will read the question paper only and will not write any answer on the answer-book during this period.

गणित (मानक)
MATHEMATICS (STANDARD)

निर्धारित समय : 3 घण्टे *अधिकतम अंक : 80*

Time allowed : 3 hours *Maximum Marks : 80*

CamScanner

सामान्य निर्देश :

निम्नलिखित निर्देशों को बहुत सावधानी से पढ़िए और उनका सख़्ती से पालन कीजिए :

(i) *इस प्रश्न-पत्र में **38** प्रश्न हैं। **सभी** प्रश्न **अनिवार्य** हैं।*

(ii) *यह प्रश्न-पत्र **पाँच** खण्डों में विभाजित है –* **क, ख, ग, घ** *एवं* **ङ**।

(iii) ***खण्ड क** में प्रश्न संख्या **1** से **18** तक बहुविकल्पीय (MCQ) तथा प्रश्न संख्या **19** एवं **20** अभिकथन एवं तर्क आधारित **1** अंक के प्रश्न हैं ।*

(iv) ***खण्ड ख** में प्रश्न संख्या **21** से **25** तक अति लघु-उत्तरीय (VSA) प्रकार के **2** अंकों के प्रश्न हैं ।*

(v) ***खण्ड ग** में प्रश्न संख्या **26** से **31** तक लघु-उत्तरीय (SA) प्रकार के **3** अंकों के प्रश्न हैं ।*

(vi) ***खण्ड घ** में प्रश्न संख्या **32** से **35** तक दीर्घ-उत्तरीय (LA) प्रकार के **5** अंकों के प्रश्न हैं ।*

(vii) ***खण्ड ङ** में प्रश्न संख्या **36** से **38** तक प्रकरण अध्ययन आधारित **4** अंकों के प्रश्न हैं। प्रत्येक प्रकरण अध्ययन में आंतरिक विकल्प **2** अंकों के प्रश्न में दिया गया है।*

(viii) *प्रश्न-पत्र में समग्र विकल्प नहीं दिया गया है। यद्यपि, खण्ड ख के 2 प्रश्नों में, खण्ड ग के 2 प्रश्नों में, खण्ड घ के 2 प्रश्नों में तथा खण्ड ङ के 3 प्रश्नों में आंतरिक विकल्प का प्रावधान दिया गया है।*

(ix) *जहाँ आवश्यक हो स्वच्छ आकृतियाँ बनाइए। जहाँ आवश्यक हो* $\pi = \frac{22}{7}$ *लीजिए, यदि अन्यथा न दिया गया हो।*

(x) *कैल्कुलेटर का उपयोग **वर्जित** है।*

खण्ड क

इस खण्ड में बहुविकल्पीय प्रश्न (MCQ) हैं, जिनमें प्रत्येक प्रश्न 1 अंक का है। *20×1=20*

1. यदि $x = 5$, द्विघात समीकरण $2x^2 + (k - 1)x + 10 = 0$ का एक हल है, तो k का मान है :

(A) 11 (B) – 11

(C) 13 (D) – 13

2. दो धनात्मक पूर्णांकों m और n को $m = p^5q^2$ तथा $n = p^3q^4$, जहाँ p और q अभाज्य संख्याएँ हैं, द्वारा व्यक्त किया गया है। m और n का LCM है :

(A) p^8q^6 (B) p^3q^2

(C) p^5q^4 (D) $p^5q^2 + p^3q^4$

CamScanner

General Instructions :

Read the following instructions very carefully and strictly follow them :

(i) *This question paper contains **38** questions. **All** questions are **compulsory**.*

(ii) *This question paper is divided into **five** Sections – **A**, **B**, **C**, **D** and **E**.*

(iii) *In **Section A**, Questions no. **1** to **18** are multiple choice questions (MCQs) and questions number **19** and **20** are Assertion-Reason based questions of **1** mark each.*

(iv) *In **Section B**, Questions no. **21** to **25** are very short answer (VSA) type questions, carrying **2** marks each.*

(v) *In **Section C**, Questions no. **26** to **31** are short answer (SA) type questions, carrying **3** marks each.*

(vi) *In **Section D**, Questions no. **32** to **35** are long answer (LA) type questions carrying **5** marks each.*

(vii) *In **Section E**, Questions no. **36** to **38** are case study based questions carrying **4** marks each. Internal choice is provided in **2** marks questions in each case study.*

(viii) *There is no overall choice. However, an internal choice has been provided in 2 questions in Section B, 2 questions in Section C, 2 questions in Section D and 3 questions in Section E.*

(ix) *Draw neat diagrams wherever required. Take* $\pi = \frac{22}{7}$ *wherever required, if not stated.*

(x) *Use of calculator is **not** allowed.*

SECTION A

This section comprises Multiple Choice Questions (MCQs) of 1 mark each. *20×1=20*

1. If $x = 5$ is a solution of the quadratic equation $2x^2 + (k - 1)x + 10 = 0$, then the value of k is :

(A) 11 (B) – 11

(C) 13 (D) – 13

2. Two positive integers m and n are expressed as $m = p^5q^2$ and $n = p^3q^4$, where p and q are prime numbers. The LCM of m and n is :

(A) p^8q^6 (B) p^3q^2

(C) p^5q^4 (D) $p^5q^2 + p^3q^4$

CamScanner

3. समीकरण युग्म $x = 2a$ और $y = 3b$ $(a, b \neq 0)$ का ग्राफ जिन सरल रेखाओं को निरूपित करता है, वे

(A) संपाती हैं (B) समांतर हैं

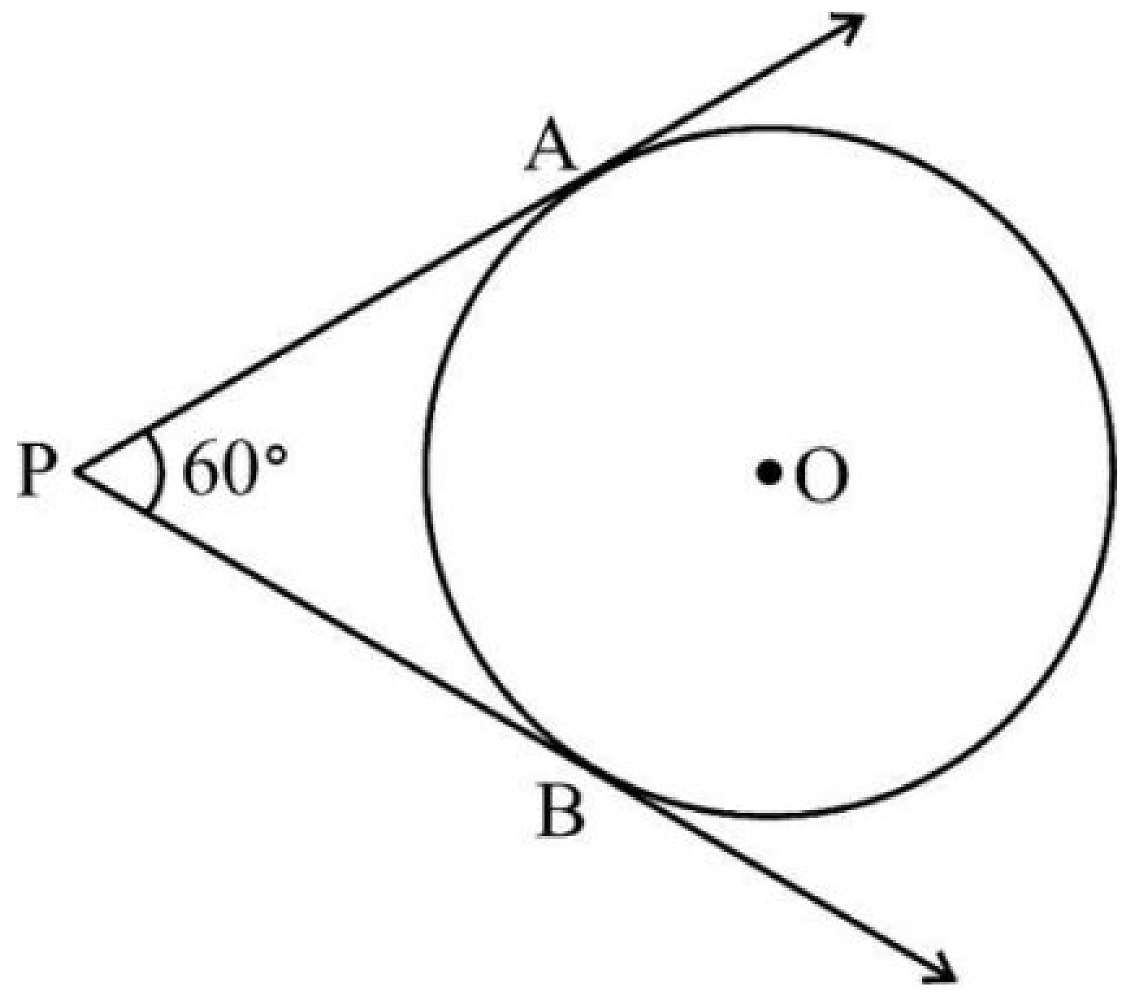
(C) $(2a, 3b)$ पर प्रतिच्छेदी हैं (D) $(3b, 2a)$ पर प्रतिच्छेदी हैं

4. यदि $k + 7, 2k - 2$ और $2k + 6$ एक A.P. के तीन क्रमागत पद हैं, तो k का मान है :

(A) 15 (B) 17

(C) 5 (D) 1

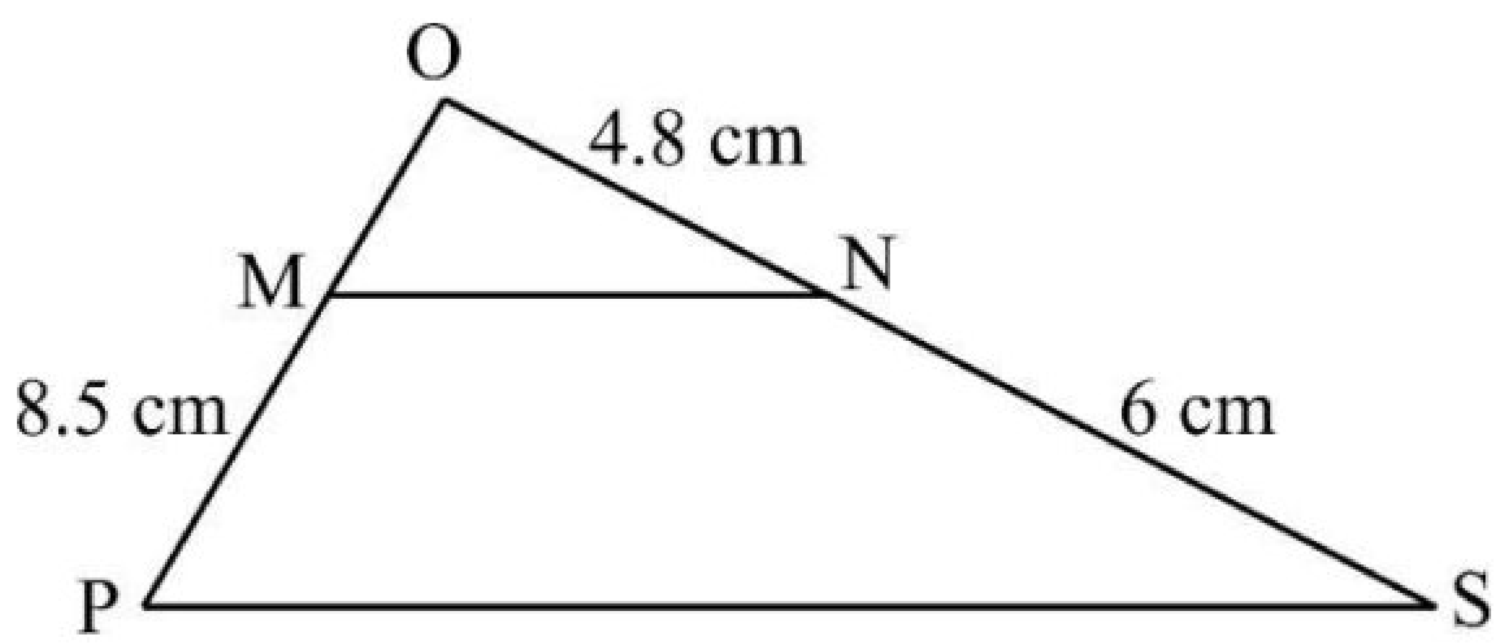
5. दी गई आकृति में, केंद्र O वाले एक वृत्त पर PA और PB दो स्पर्श-रेखाएँ खींची गई हैं और वृत्त की त्रिज्या 5 cm है। यदि $\angle APB = 60°$ है, तो PA की लंबाई है :



(A) $\frac{5}{\sqrt{3}}$ cm (B) $5\sqrt{3}$ cm

(C) $\frac{10}{\sqrt{3}}$ cm (D) 10 cm

6. दी गई आकृति में, यदि Δ OPS की भुजाओं OP और OS पर क्रमश: बिन्दु M और N इस प्रकार स्थित हैं कि MN $\parallel$ PS है, तो OP की लंबाई है :



(A) 6.8 cm (B) 17 cm

(C) 15.3 cm (D) 9.6 cm

7. All queens, jacks and aces are removed from a pack of 52 playing cards. The remaining cards are well-shuffled and one card is picked up at random from it. The probability of that card to be a king is :

(A) $\frac{1}{10}$ (B) $\frac{1}{13}$

(C) $\frac{3}{10}$ (D) $\frac{3}{13}$

8. PQ is a diameter of a circle with centre O(2, – 4). If the coordinates of the point P are (– 4, 5), then the coordinates of the point Q will be :

(A) (– 3, 4.5) (B) (– 1, 0.5)

(C) (4, – 5) (D) (8, – 13)

9. The value of $\left(\sin^2\theta + \frac{1}{1+\tan^2\theta}\right)$ is :

(A) 0 (B) 2

(C) 1 (D) – 1

10. A cap is cylindrical in shape, surmounted by a conical top. If the volume of the cylindrical part is equal to that of the conical part, then the ratio of the height of the cylindrical part to the height of the conical part is :

(A) 1 : 2 (B) 1 : 3

(C) 2 : 1 (D) 3 : 1

11. The 7^{th} term from the end of the A.P. : – 8, – 5, – 2, ..., 49 is :

(A) 67 (B) 13

(C) 31 (D) 10

CamScanner

12. एक समचतुर्भुज ABCD के विकर्ण बिंदु O पर प्रतिच्छेदी हैं। बिंदु 'O' को केंद्र लेकर, त्रिज्या 6 cm की एक चाप OA तथा OD को क्रमश: बिंदुओं E और F पर काटती है। त्रिज्यखंड OEF का क्षेत्रफल है :

(A) 9π cm^2 (B) 3π cm^2

(C) 12π cm^2 (D) 18π cm^2

13. 600 आइसक्रीमों के समूह में से एक चॉकलेट फ्लेवर वाली आइसक्रीम के निकालने की प्रायिकता 0.055 है। इस समूह में चॉकलेट फ्लेवर वाली आइसक्रीमों की संख्या है :

(A) 33 (B) 55

(C) 11 (D) 44

14. यदि $\tan^2\theta + \cot^2\alpha = 2$ है, जहाँ $\theta = 45°$ और $0° \le \alpha \le 90°$ है, तो α का मान है :

(A) 30° (B) 45°

(C) 60° (D) 90°

15. x-अक्ष का वह बिंदु, जो बिंदुओं (5, – 3) और (4, 2) से एकसमान दूरी पर है, है :

(A) (4.5, 0) (B) (7, 0)

(C) (0.5, 0) (D) (– 7, 0)

16. यदि एक वृत्त का एक चाप, जो इसके केंद्र पर 60° का कोण अंतरित करता है, की लंबाई 22 cm है, तो वृत्त की त्रिज्या है :

(A) $\sqrt{21}$ cm (B) 21 cm

(C) $\sqrt{42}$ cm (D) 42 cm

17. यदि एक खंभे की भूमि पर छाया की लंबाई, खंभे की ऊँचाई का $\sqrt{3}$ गुना है, तो सूर्य का उन्नतांश है :

(A) 30° (B) 45°

(C) 60° (D) 90°

CamScanner

12. The diagonals of a rhombus ABCD intersect at O. Taking 'O' as the centre, an arc of radius 6 cm is drawn intersecting OA and OD at E and F respectively. The area of the sector OEF is :

(A) 9π cm^2 (B) 3π cm^2

(C) 12π cm^2 (D) 18π cm^2

13. The probability of getting a chocolate flavoured ice cream at random, in a lot of 600 ice creams is 0.055. The number of chocolate flavoured ice creams in the lot is :

(A) 33 (B) 55

(C) 11 (D) 44

14. If $\tan^2\theta + \cot^2\alpha = 2$, where $\theta = 45°$ and $0° \le \alpha \le 90°$, then the value of α is :

(A) 30° (B) 45°

(C) 60° (D) 90°

15. The point on x-axis which is equidistant from the points (5, – 3) and (4, 2) is :

(A) (4.5, 0) (B) (7, 0)

(C) (0.5, 0) (D) (– 7, 0)

16. If the length of an arc of a circle subtending an angle 60° at its centre is 22 cm, then the radius of the circle is :

(A) $\sqrt{21}$ cm (B) 21 cm

(C) $\sqrt{42}$ cm (D) 42 cm

17. If the length of the shadow on the ground of a pole is $\sqrt{3}$ times the height of the pole, then the angle of elevation of the Sun is :

(A) 30° (B) 45°

(C) 60° (D) 90°

CamScanner

18. दो पासों को एक साथ उछाला गया तथा उन पर आई संख्याओं का गुणनफल नोट किया गया। दोनों पासों पर आई संख्याओं का गुणनफल 8 और 13 के बीच होने की प्रायिकता है :

(A) $\frac{7}{36}$ (B) $\frac{5}{36}$

(C) $\frac{2}{9}$ (D) $\frac{1}{4}$

*प्रश्न संख्या **19** और **20** अभिकथन एवं तर्क आधारित प्रश्न हैं। दो कथन दिए गए हैं जिनमें एक को अभिकथन (A) तथा दूसरे को तर्क (R) द्वारा अंकित किया गया है। इन प्रश्नों के सही उत्तर नीचे दिए गए कोडों (A), (B), (C) और (D) में से चुनकर दीजिए।*

(A) अभिकथन (A) और तर्क (R) दोनों सही हैं और तर्क (R), अभिकथन (A) की सही व्याख्या करता है।

(B) अभिकथन (A) और तर्क (R) दोनों सही हैं, परन्तु तर्क (R), अभिकथन (A) की सही व्याख्या ***नहीं*** करता है।

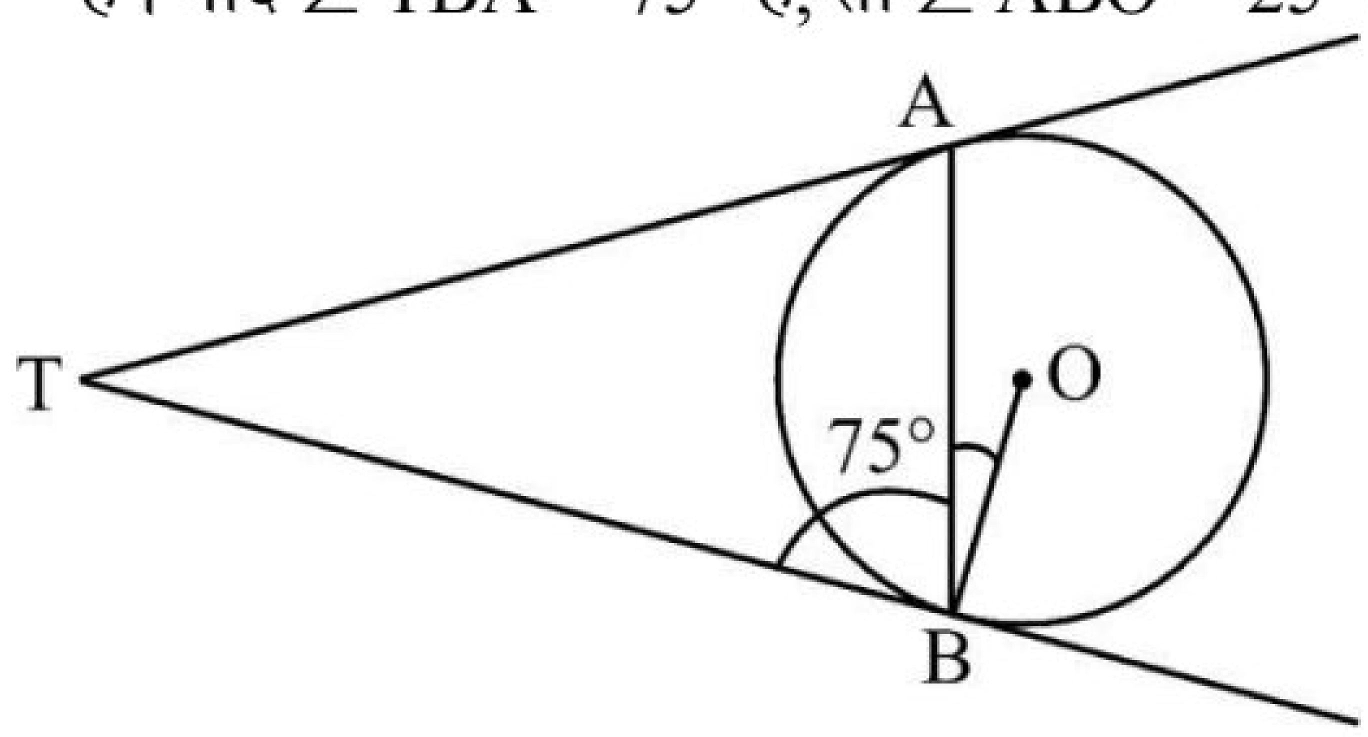
(C) अभिकथन (A) सही है, परन्तु तर्क (R) ग़लत है।

(D) अभिकथन (A) ग़लत है, परन्तु तर्क (R) सही है।

19. *अभिकथन (A)* : यदि एक बहुपद का ग्राफ x-अक्ष को केवल दो बिंदुओं पर प्रतिच्छेदित करता हो, तो बहुपद के शून्यकों की संख्या 2 है।

तर्क (R) : एक बहुपद के शून्यकों की संख्या उन बिंदुओं की संख्या के बराबर होती है जिन पर बहुपद का ग्राफ x-अक्ष को प्रतिच्छेदित करता है।

20. *अभिकथन (A)* : बाह्य बिंदु T से केंद्र 'O' वाले वृत्त पर खींची गई दो स्पर्श-रेखाएँ TA और TB हैं। यदि $\angle$ TBA = 75° है, तो $\angle$ ABO = 25° होगा।



तर्क (R) : वृत्त के किसी बिंदु पर खींची गई स्पर्श-रेखा स्पर्श बिंदु से जाने वाली त्रिज्या पर लंब होती है।

18. Two dice are thrown at the same time and the product of the numbers appearing on them is noted. The probability that the product of the numbers lies between 8 and 13 is :

(A) $\frac{7}{36}$ (B) $\frac{5}{36}$

(C) $\frac{2}{9}$ (D) $\frac{1}{4}$

Questions number ***19*** *and* ***20*** *are Assertion and Reason based questions. Two statements are given, one labelled as Assertion (A) and the other is labelled as Reason (R). Select the correct answer to these questions from the codes (A), (B), (C) and (D) as given below.*

(A) Both Assertion (A) and Reason (R) are true and Reason (R) is the correct explanation of the Assertion (A).

(B) Both Assertion (A) and Reason (R) are true, but Reason (R) is ***not*** the correct explanation of the Assertion (A).

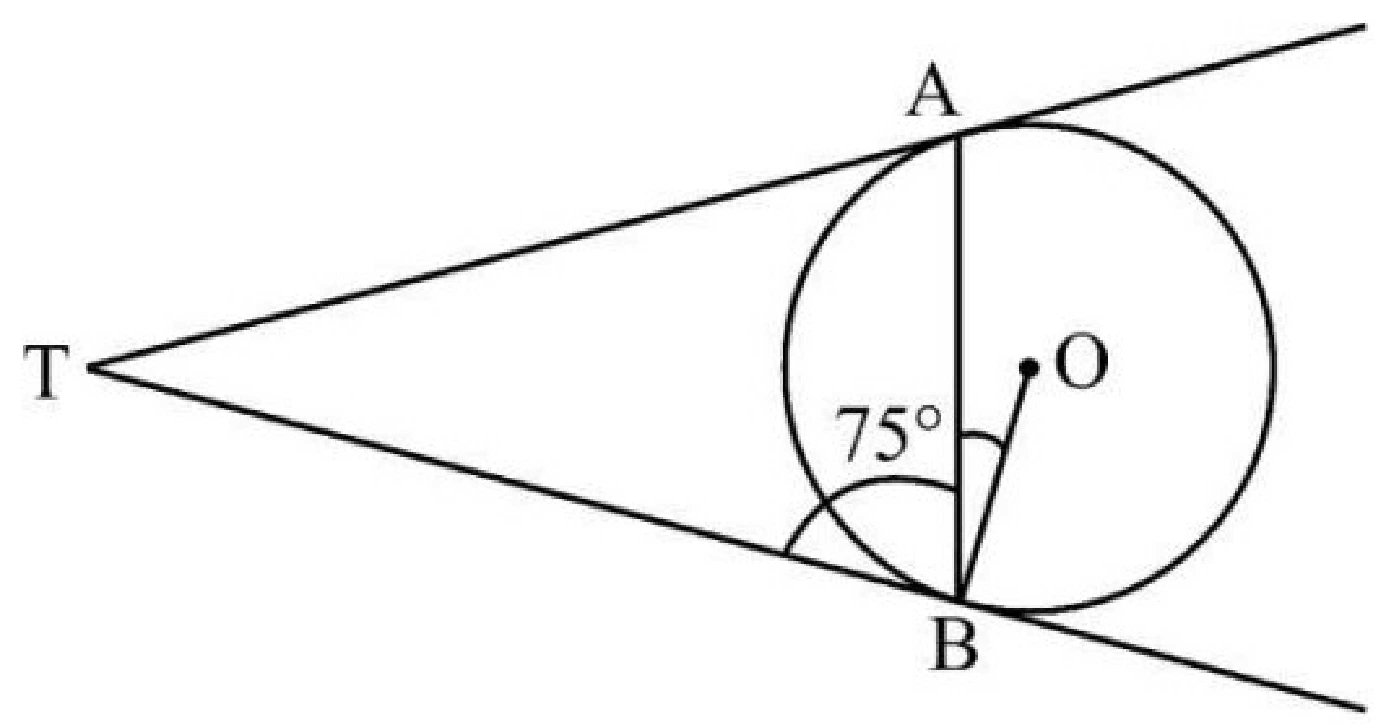
(C) Assertion (A) is true, but Reason (R) is false.

(D) Assertion (A) is false, but Reason (R) is true.

19. *Assertion (A)* : If the graph of a polynomial intersects the x-axis at exactly two points, then the number of zeroes of that polynomial is 2.

Reason (R) : The number of zeroes of a polynomial is equal to the number of points where the graph of the polynomial intersects x-axis.

20. *Assertion (A)* : TA and TB are two tangents drawn from an external point T to a circle with centre 'O'. If $\angle$ TBA = 75° then $\angle$ ABO = 25°.

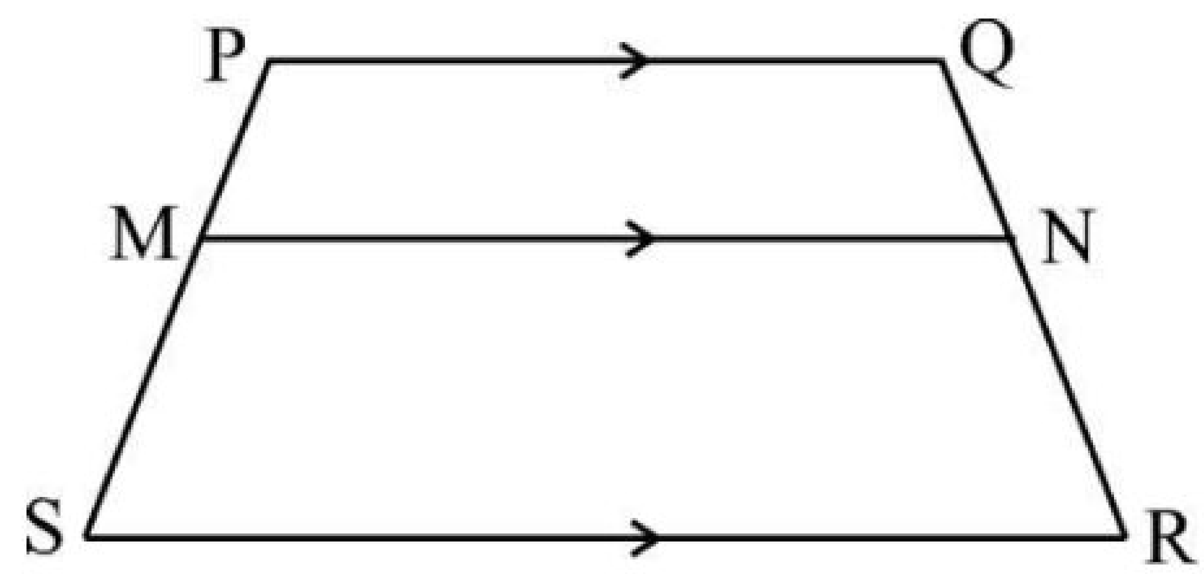


Reason (R) : The tangent drawn at any point of a circle is perpendicular to the radius through the point of contact.

खण्ड ख

इस खण्ड में अति लघु-उत्तरीय (VSA) प्रकार के प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के 2 अंक हैं। *5×2=10*

21. PQRS एक समलंब है जिसमें PQ ∥ SR है। यदि असमांतर भुजाओं PS और QR पर क्रमश: दो बिंदु M और N इस प्रकार स्थित हैं कि भुजा MN, भुजा PQ के समांतर है, तो दर्शाइए कि $\frac{PM}{MS} = \frac{QN}{NR}$.

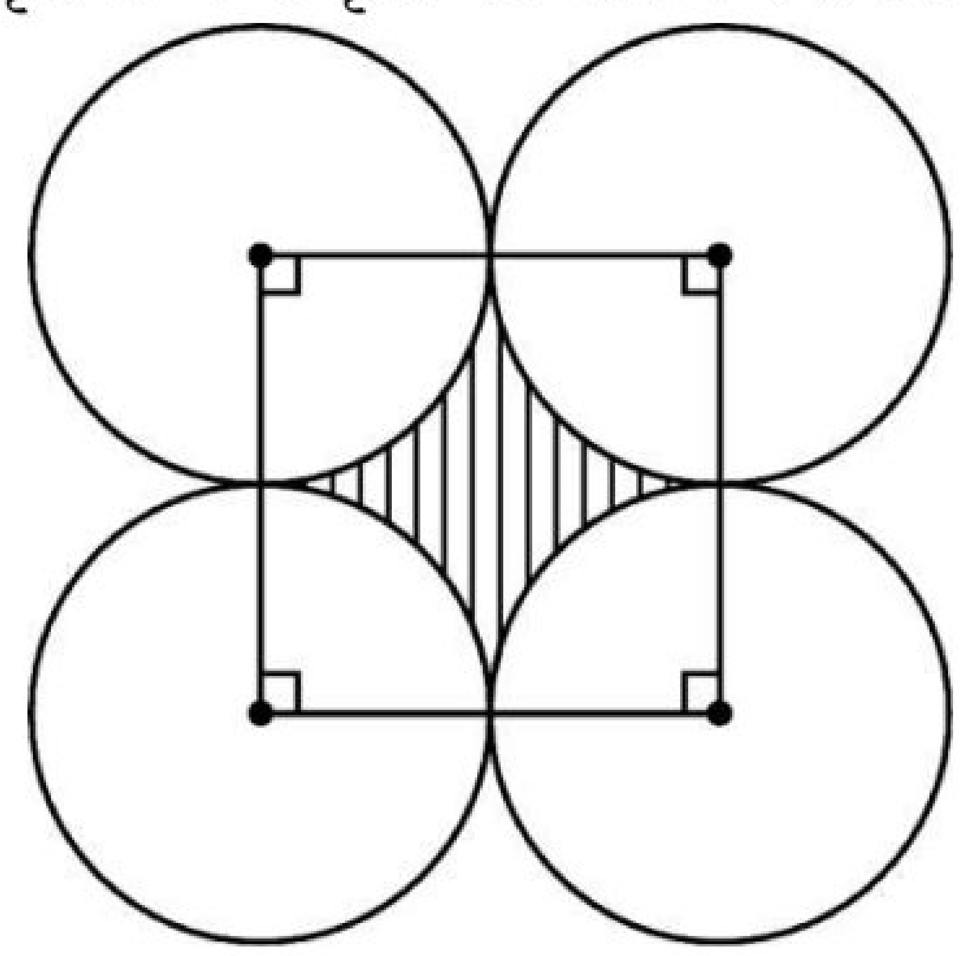


22. सिद्ध कीजिए कि $7 - 3\sqrt{5}$ एक अपरिमेय संख्या है, दिया गया है कि $\sqrt{5}$ एक अपरिमेय संख्या है।

23. (a) 14 cm त्रिज्या वाले एक वृत्त की कोई जीवा केंद्र पर 90° का कोण अंतरित करती है। संगत लघु वृत्तखण्ड का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए।

अथवा

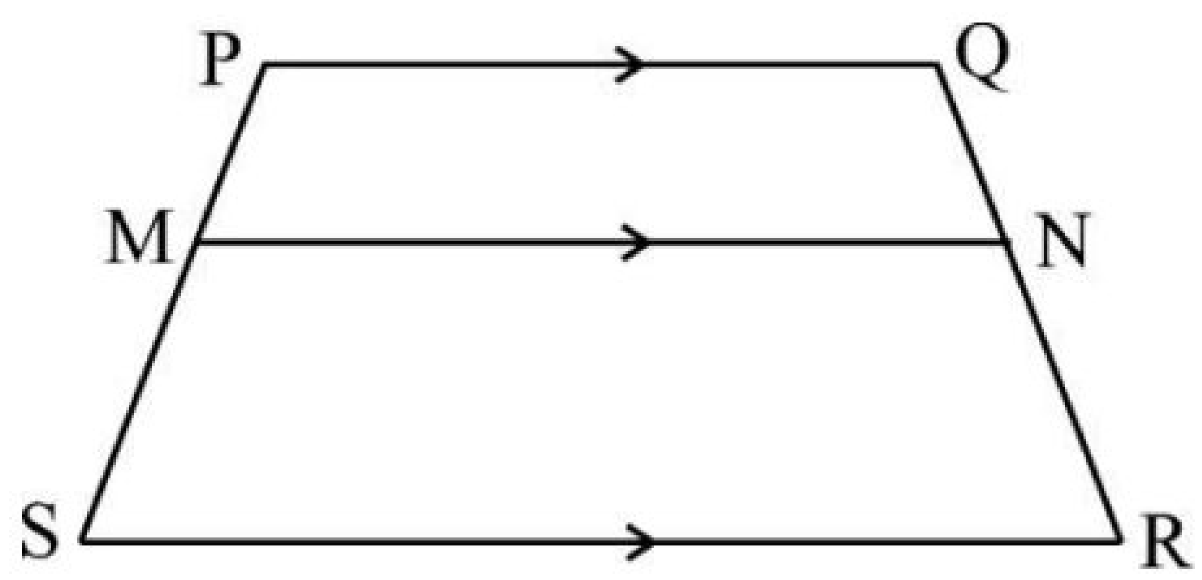
(b) आकृति में छायांकित क्षेत्र का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए, यदि प्रत्येक वृत्त की त्रिज्या 7 cm है और प्रत्येक वृत्त दो अन्य वृत्तों को बाह्य रूप से स्पर्श करता हो।



SECTION B

This section comprises Very Short Answer (VSA) type questions of 2 marks each. *5×2=10*

21. PQRS is a trapezium with PQ ∥ SR. If M and N are two points on the non-parallel sides PS and QR respectively, such that MN is parallel to PQ, then show that $\frac{PM}{MS} = \frac{QN}{NR}$.

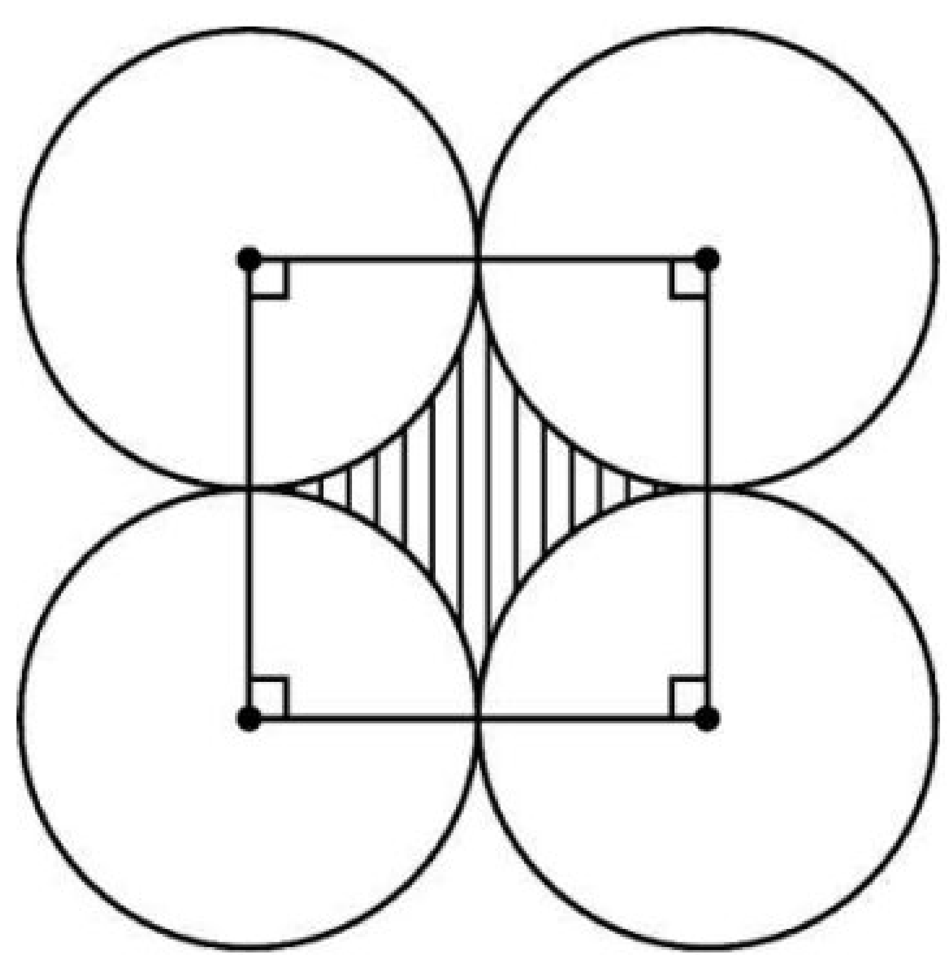


22. Prove that $7 - 3\sqrt{5}$ is an irrational number, given that $\sqrt{5}$ is an irrational number.

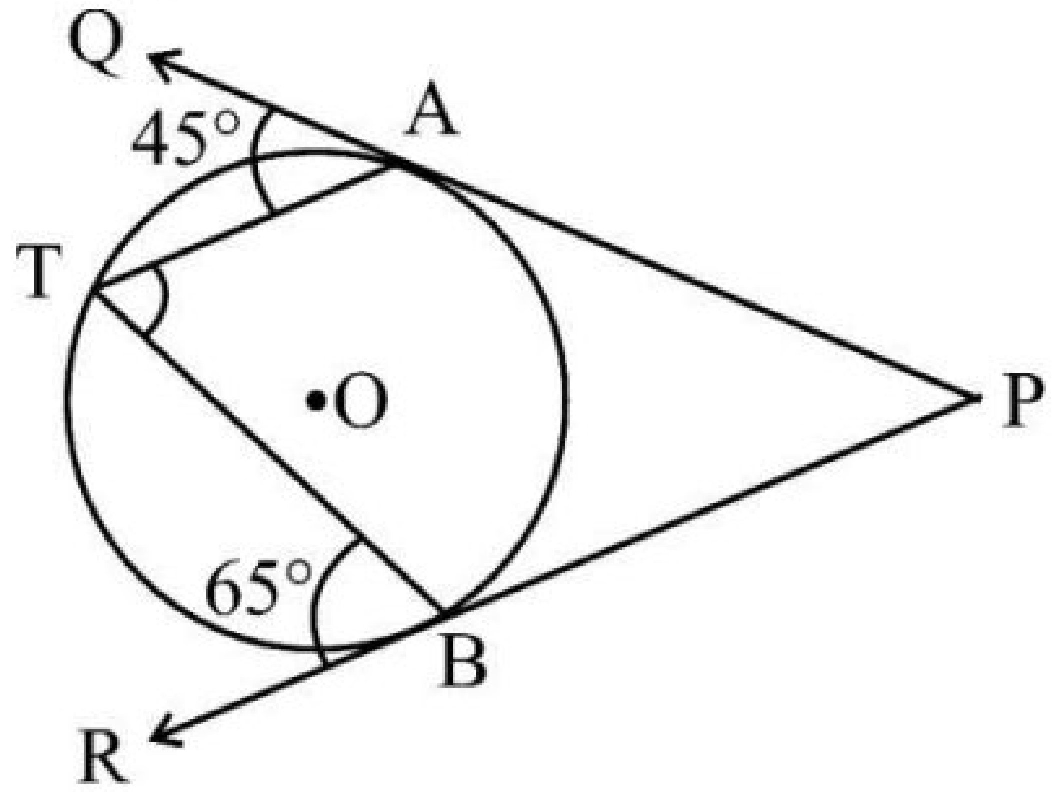
23. (a) A chord is subtending an angle of 90° at the centre of a circle of radius 14 cm. Find the area of the corresponding minor segment of the circle.

OR

(b) Find the area of the shaded region if length of radius of each circle is 7 cm. Each circle touches the other two externally.



24. दी गई आकृति में, बिंदुओं A और B पर क्रमश: PAQ और PBR केंद्र 'O' वाले किसी वृत्त पर दो स्पर्श-रेखाएँ हैं। यदि वृत्त पर बिंदु T इस प्रकार है कि $\angle QAT = 45°$ तथा $\angle TBR = 65°$ है, तो $\angle ATB$ ज्ञात कीजिए।



25. (a) यदि $\cos(A + B) = \frac{1}{2}$ और $\tan(A - B) = \frac{1}{\sqrt{3}}$ है, जहाँ $0 \leq A + B \leq 90°$ है, तो $\sec(2A - 3B)$ का मान ज्ञात कीजिए।

अथवा

(b) x का मान ज्ञात कीजिए जिसके लिए

$$3 \tan^2 60° - x \sin^2 45° + \frac{3}{4} \sec^2 30° = 2 \operatorname{cosec}^2 30°$$

खण्ड ग

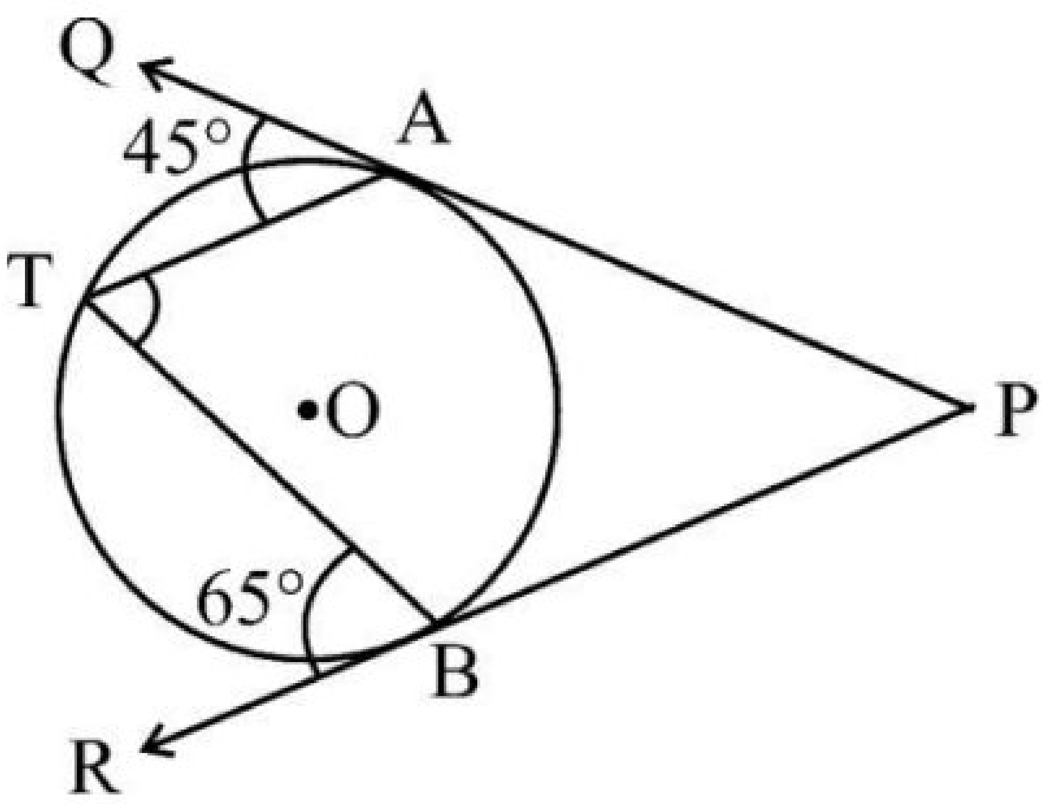
इस खण्ड में लघु-उत्तरीय (SA) प्रकार के प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के 3 अंक हैं। *6×3=18*

26. एक रेल दुर्घटना के उपरांत सरकार ने 100 व्यक्तियों को बचाया। उनकी आयु का ब्यौरा निम्न सारणी में अंकित किया गया था। उनकी माध्य आयु ज्ञात कीजिए।

आयु (वर्षों में)	बचाए गए व्यक्तियों की संख्या
10 – 20	9
20 – 30	14
30 – 40	15
40 – 50	21
50 – 60	23
60 – 70	12
70 – 80	6

CamScanner

24. In the given figure, PAQ and PBR are tangents to the circle with centre 'O' at the points A and B respectively. If T is a point on the circle such that $\angle$ QAT = 45° and $\angle$ TBR = 65°, then find $\angle$ ATB.



25. (a) If $\cos(A + B) = \frac{1}{2}$ and $\tan(A - B) = \frac{1}{\sqrt{3}}$, where $0 \le A + B \le 90°$, then find the value of sec (2A – 3B).

OR

(b) Find the value of x such that,

$$3 \tan^2 60° - x \sin^2 45° + \frac{3}{4} \sec^2 30° = 2 \operatorname{cosec}^2 30°$$

SECTION C

This section comprises Short Answer (SA) type questions of 3 marks each. *6×3=18*

26. The government rescued 100 people after a train accident. Their ages were recorded in the following table. Find their mean age.

Age (in years)	Number of people rescued
10 – 20	9
20 – 30	14
30 – 40	15
40 – 50	21
50 – 60	23
60 – 70	12
70 – 80	6

CamScanner

27. सिद्ध कीजिए कि :

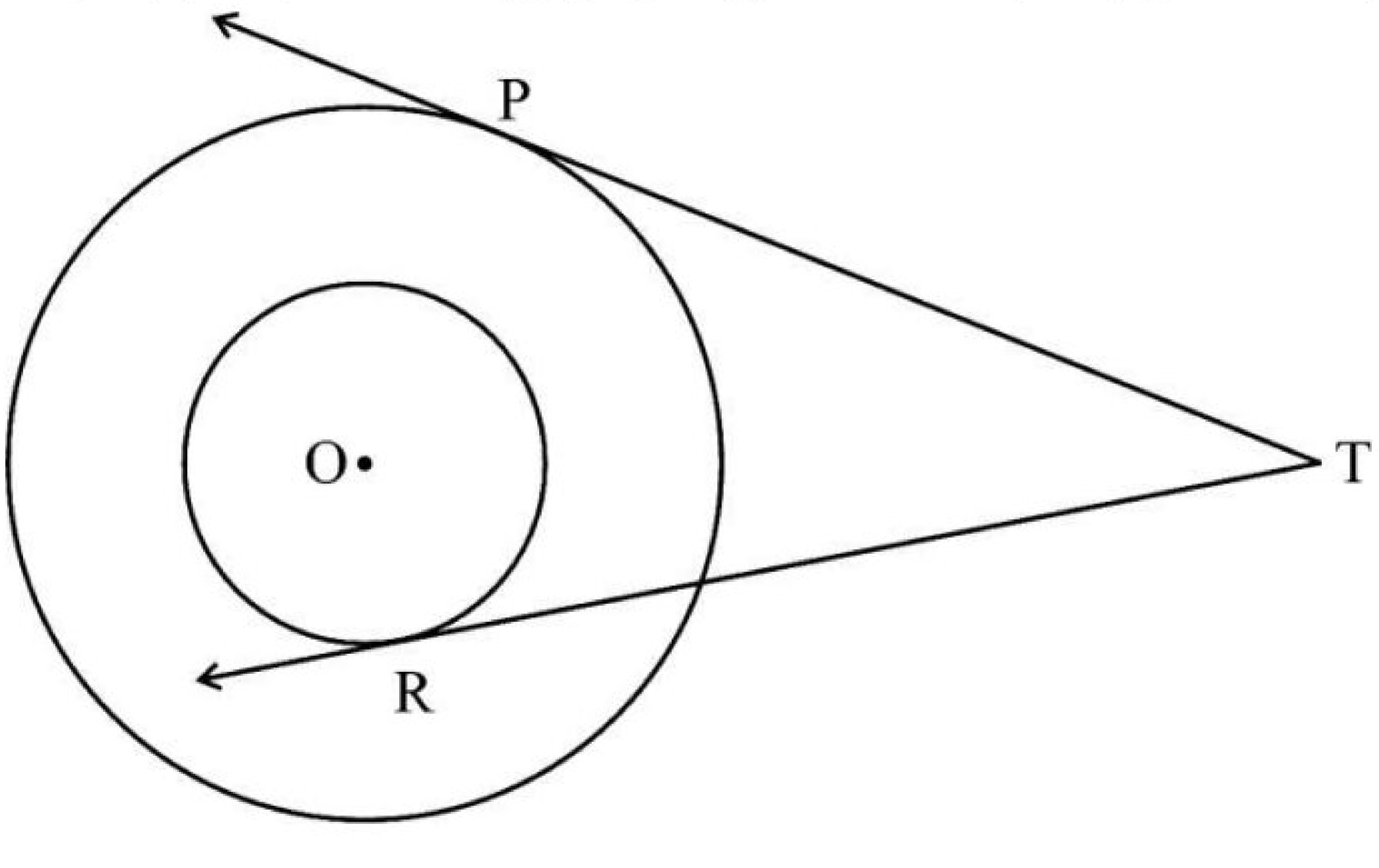
$$\left(\frac{1+\tan^2 A}{1+\cot^2 A}\right) = \frac{(1-\tan A)^2}{(1-\cot A)^2}$$

28. (a) यदि एक वृत्त के परिगत एक षट्भुज PQRSTU खींचा गया है, तो सिद्ध कीजिए कि

$$PQ + RS + TU = QR + ST + UP$$

अथवा

(b) दी गई आकृति में, त्रिज्या 3 cm और त्रिज्या 5 cm के दो संकेंद्रीय वृत्त बने हैं। एक बाह्य बिन्दु T से इन वृत्तों पर दो स्पर्श-रेखाएँ TR और TP इस प्रकार खींची गई हैं कि TR आंतरिक वृत्त को बिंदु R पर स्पर्श करती है, तथा TP बाहरी वृत्त को बिंदु P पर स्पर्श करती है। यदि $TR = 4\sqrt{10}$ cm है, तो TP की लंबाई ज्ञात कीजिए।



29. वह द्विघात बहुपद ज्ञात कीजिए जिसके शून्यकों का योगफल 8 तथा अंतर 2 है।

30. (a) एक 2-अंकीय संख्या के अंकों का योगफल 12 है। इस संख्या का 7 गुना, संख्या के अंकों को पलटने से बनी संख्या के 4 गुने के समान है। संख्या ज्ञात कीजिए।

अथवा

(b) निम्न रैखिक समीकरणों के युग्म में x और y के मान ज्ञात कीजिए :

$$62x + 43y = 167$$

$$43x + 62y = 148$$

CamScanner

27. Prove that :

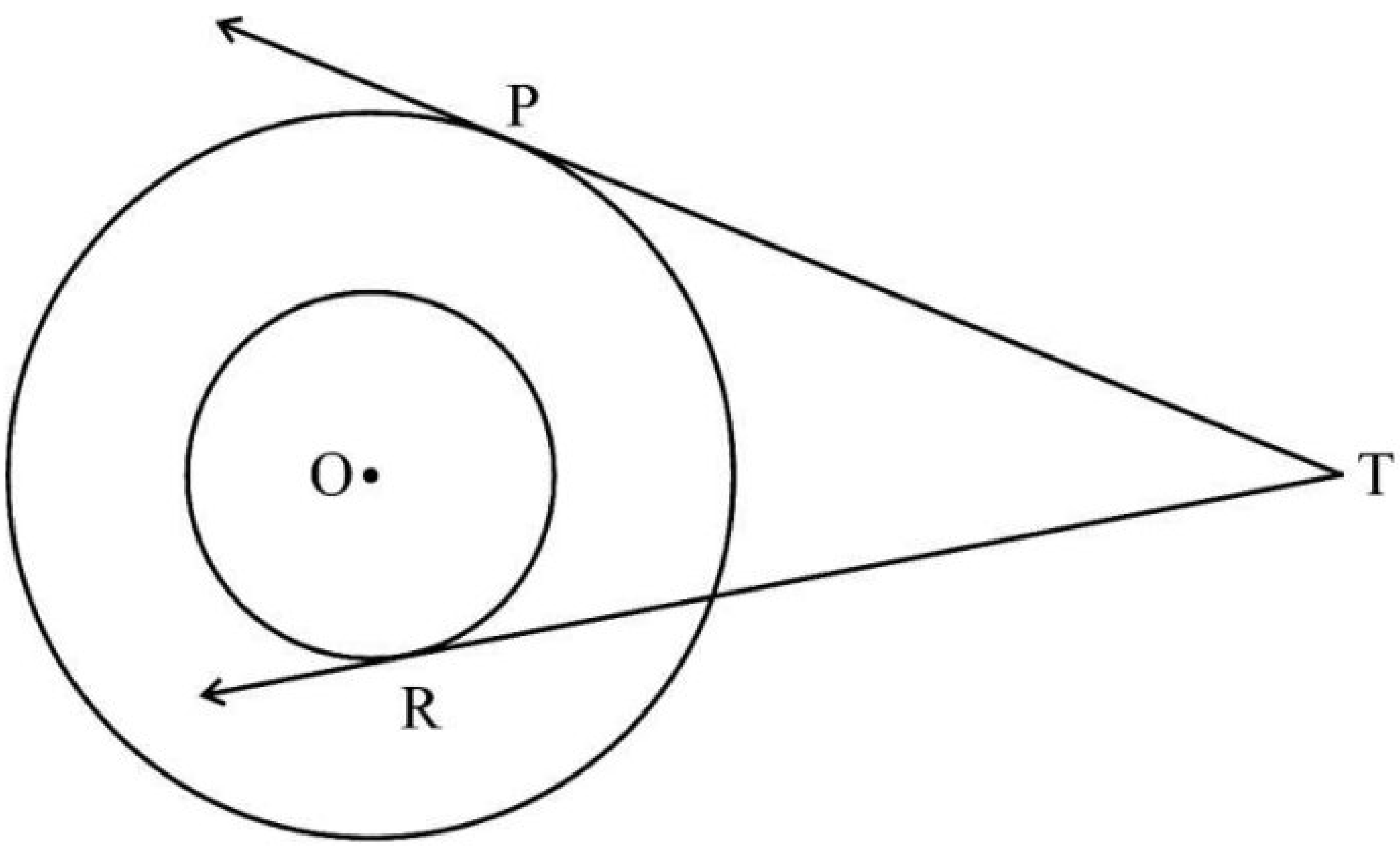
$$\left(\frac{1+\tan^2 A}{1+\cot^2 A}\right) = \frac{(1-\tan A)^2}{(1-\cot A)^2}$$

28. (a) If a hexagon PQRSTU circumscribes a circle, prove that,

$$PQ + RS + TU = QR + ST + UP$$

OR

(b) In the given figure, two concentric circles have radii 3 cm and 5 cm. Two tangents TR and TP are drawn to the circles from an external point T such that TR touches the inner circle at R and TP touches the outer circle at P. If $TR = 4\sqrt{10}$ cm, then find the length of TP.



29. Find a quadratic polynomial whose sum of the zeroes is 8 and difference of the zeroes is 2.

30. (a) The sum of the digits of a 2-digit number is 12. Seven times the number is equal to four times the number obtained by reversing the order of the digits. Find the number.

OR

(b) Find the values of x and y from the following pair of linear equations :

$$62x + 43y = 167$$

$$43x + 62y = 148$$

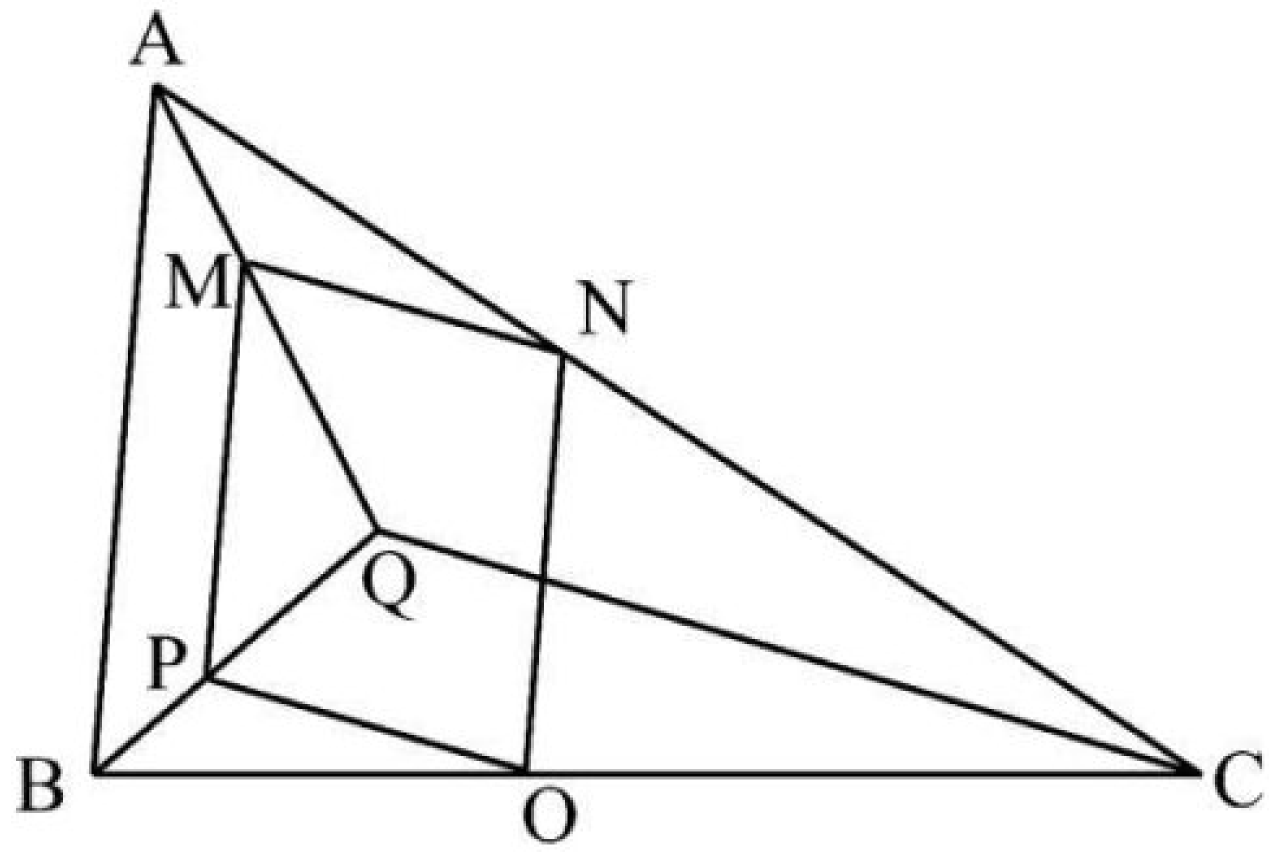
CamScanner

31. एक विज्ञान कार्यशाला में भाग लेने के लिए एक स्कूल ने 42 गणित के शिक्षक, 56 भौतिकी के शिक्षक और 70 रसायन विज्ञान के शिक्षकों को आमंत्रित किया। यदि प्रत्येक मेज़ पर बैठने वाले शिक्षकों की संख्या समान हो और प्रत्येक मेज़ पर एक ही विषय के शिक्षकों को बैठना हो, तो कम-से-कम कितनी मेज़ों की आवश्यकता होगी, ज्ञात कीजिए।

खण्ड घ

इस खण्ड में दीर्घ-उत्तरीय (LA) प्रकार के प्रश्न हैं, जिनमें प्रत्येक के 5 अंक हैं। $4\times5=20$

32. दी गई आकृति में, MNOP एक समांतर चतुर्भुज है और AB $\parallel$ MP है। सिद्ध कीजिए कि QC $\parallel$ PO.



33. एक ब्लॉक के आयु अनुसार साक्षर लोगों की संख्या निम्न सारणी में अंकित है। साक्षर लोगों की कुल संख्या 100 है और उनकी माध्यक आयु 41.5 वर्ष है। दो समूहों के लोगों की संख्या लुप्त है जिनको सारणी में x और y से निरूपित किया गया है। x और y के मान ज्ञात कीजिए।

आयु (वर्षों में)	साक्षर लोगों की संख्या
10 – 20	15
20 – 30	x
30 – 40	12
40 – 50	20
50 – 60	y
60 – 70	8
70 – 80	10

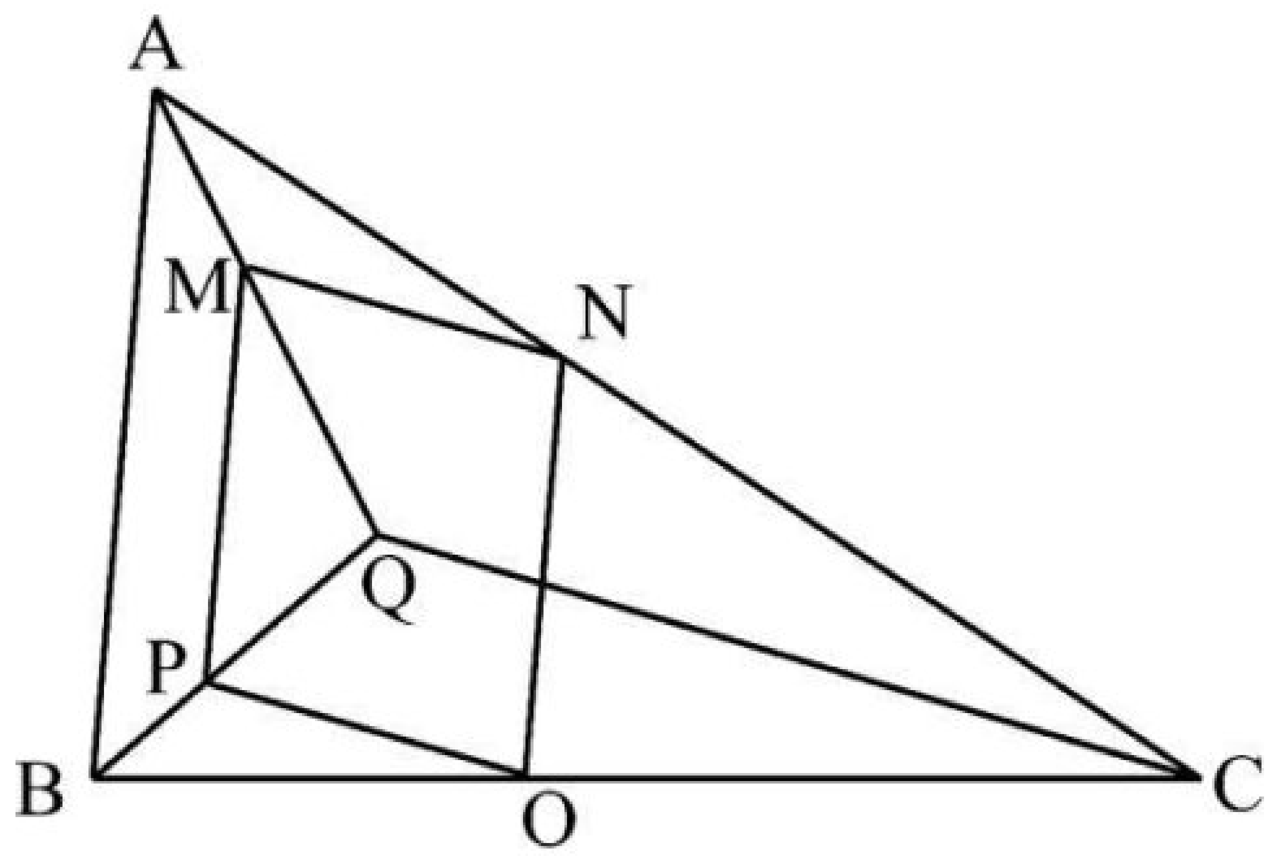
CamScanner

31. A school has invited 42 Mathematics teachers, 56 Physics teachers and 70 Chemistry teachers to attend a Science workshop. Find the minimum number of tables required, if the same number of teachers are to sit at a table and each table is occupied by teachers of the same subject.

SECTION D

This section comprises Long Answer (LA) type questions of 5 marks each. *4×5=20*

32. In the given figure, MNOP is a parallelogram and AB || MP. Prove that QC || PO.



33. An age-wise list of number of literate people in a block is prepared in the following table. There are total 100 people and their median age is 41.5 years. Information about two groups are missing, which are denoted by x and y. Find the value of x and y.

Age (in years)	Number of literate people
10 – 20	15
20 – 30	x
30 – 40	12
40 – 50	20
50 – 60	y
60 – 70	8
70 – 80	10

CamScanner

34. (a) यदि निधि अपनी वास्तविक उम्र से 7 वर्ष छोटी होती, तो उसकी उम्र (वर्षों में) का वर्ग उसकी वास्तविक उम्र के 5 गुना से 1 अधिक होता। उसकी वास्तविक उम्र क्या है ?

अथवा

(b) एक दुकानदार ₹ 1,800 में कुछ पुस्तकें खरीदता है। यदि वह इसी राशि से 15 पुस्तकें अधिक खरीदता, तो उसे प्रत्येक पुस्तक ₹ 20 कम की पड़ती। ज्ञात कीजिए कि उसने कुल कितनी पुस्तकें प्रारम्भ में खरीदी थीं।

35. (a) भुजा 21 cm वाले लकड़ी के एक घनाकार ब्लॉक से बड़े-से-बड़ा एक अर्धगोला खोद कर इस प्रकार निकाला जाता है कि अर्धगोले का आधार, घनाकार ब्लॉक का एक फलक है। ज्ञात कीजिए :

(i) ब्लॉक में बची लकड़ी का आयतन,

(ii) बचे ठोस का कुल पृष्ठीय क्षेत्रफल।

अथवा

(b) एक ठोस खिलौना एक लम्ब-वृत्तीय शंकु के आकार का है, जो एक अर्धगोले पर अध्यारोपित है। शंकु की त्रिज्या का उसकी तिर्यक ऊँचाई से अनुपात 3 : 5 है। यदि खिलौने का आयतन $240\pi \text{ cm}^3$ है, तो खिलौने की कुल ऊँचाई ज्ञात कीजिए।

खण्ड ङ

इस खण्ड में 3 प्रकरण अध्ययन आधारित प्रश्न हैं जिनमें प्रत्येक के 4 अंक हैं। *3×4=12*

प्रकरण अध्ययन – 1

36. शॉर्ट सर्किट के कारण, न्यू होम कॉम्पलेक्स में आग लग गई है। दो इमारतें X तथा Y मुख्य रूप से प्रभावित हुई हैं। दमकल की गाड़ी आ गई है और उसे दोनों इमारतों के बीच तैनात किया गया है। दमकल की गाड़ी के सामने एक बिंदु O पर एक सीढ़ी लगाई जाती है।

34. (a) If Nidhi were 7 years younger than what she actually is, then the square of her age (in years) would be 1 more than 5 times her actual age. What is her present age ?

OR

(b) A shopkeeper buys a number of books for ₹ 1,800. If he had bought 15 more books for the same amount, then each book would have cost him ₹ 20 less. Find how many books he bought initially.

35. (a) The largest possible hemisphere is drilled out from a wooden cubical block of side 21 cm such that the base of the hemisphere is on one of the faces of the cube. Find :

(i) the volume of wood left in the block,

(ii) the total surface area of the remaining solid.

OR

(b) A solid toy is in the form of a hemisphere surmounted by a right circular cone. Ratio of the radius of the cone to its slant height is 3 : 5. If the volume of the toy is 240π cm^3, then find the total height of the toy.

SECTION E

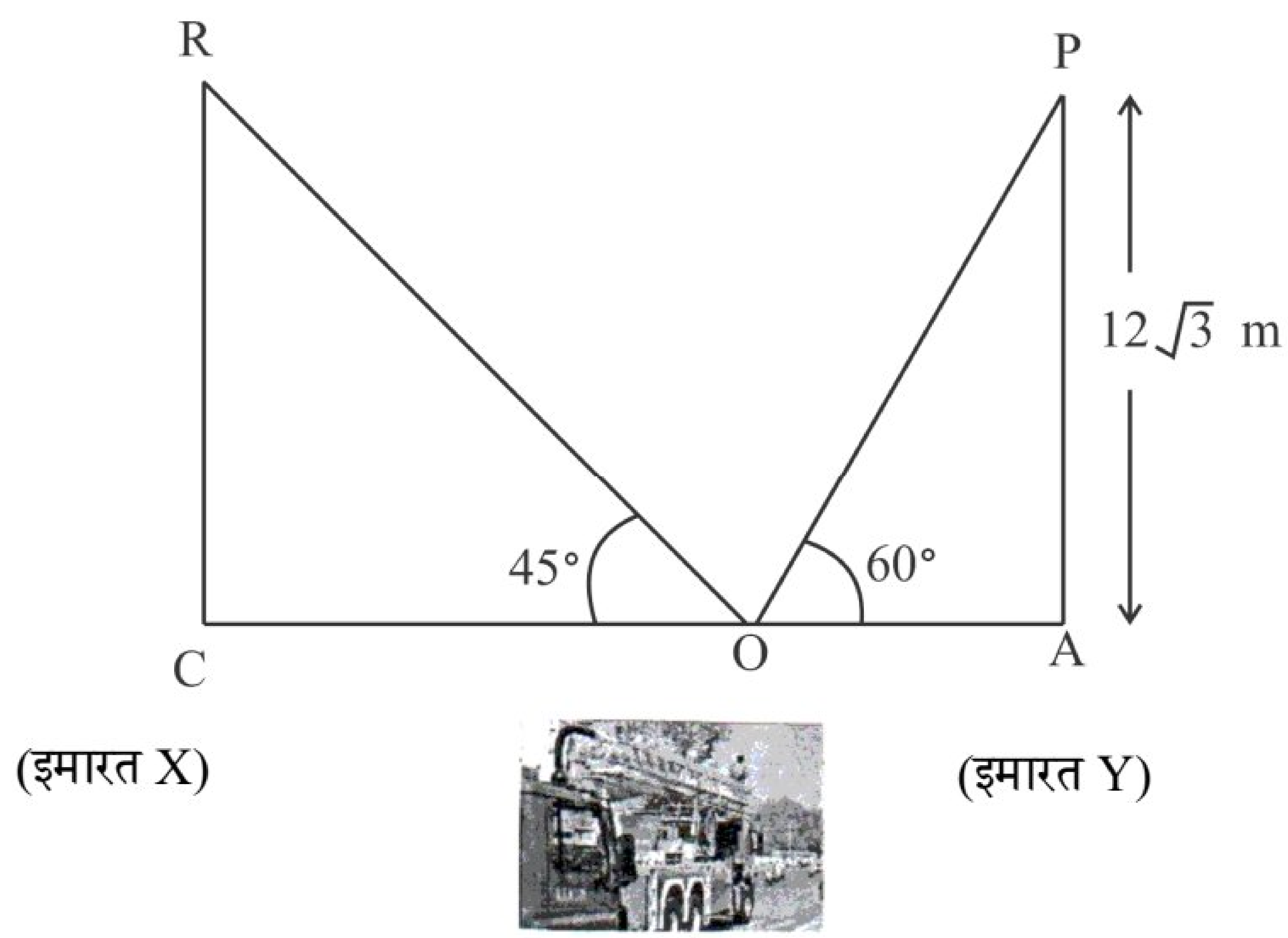
This section comprises 3 case study based questions of 4 marks each. *3×4=12*

Case Study – 1

36. Due to short circuit, a fire has broken out in New Home Complex. Two buildings, namely X and Y have mainly been affected. The fire engine has arrived and it has been stationed at a point which is in between the two buildings. A ladder at point O is fixed in front of the fire engine.

CamScanner

क्षैतिज से 60° के कोण पर झुकी हुई सीढ़ी इमारत Y की छत के साथ लगी हुई है। सीढ़ी के पायदान को स्थिर रखा जाता है और कुछ समय बाद इसे बायीं ओर विपरीत इमारत X की छत पर भूमि से 45° के कोण पर झुका दिया जाता है। सीढ़ी का पाद बिंदु 'O' तथा दोनों इमारतों के पाद एक सीधी रेखा में हैं।



उपर्युक्त दी गई जानकारी के आधार पर, निम्नलिखित प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

(i) सीढ़ी की लंबाई ज्ञात कीजिए। *1*

(ii) बिंदु 'O' से इमारत Y की दूरी, अर्थात् OA ज्ञात कीजिए। *1*

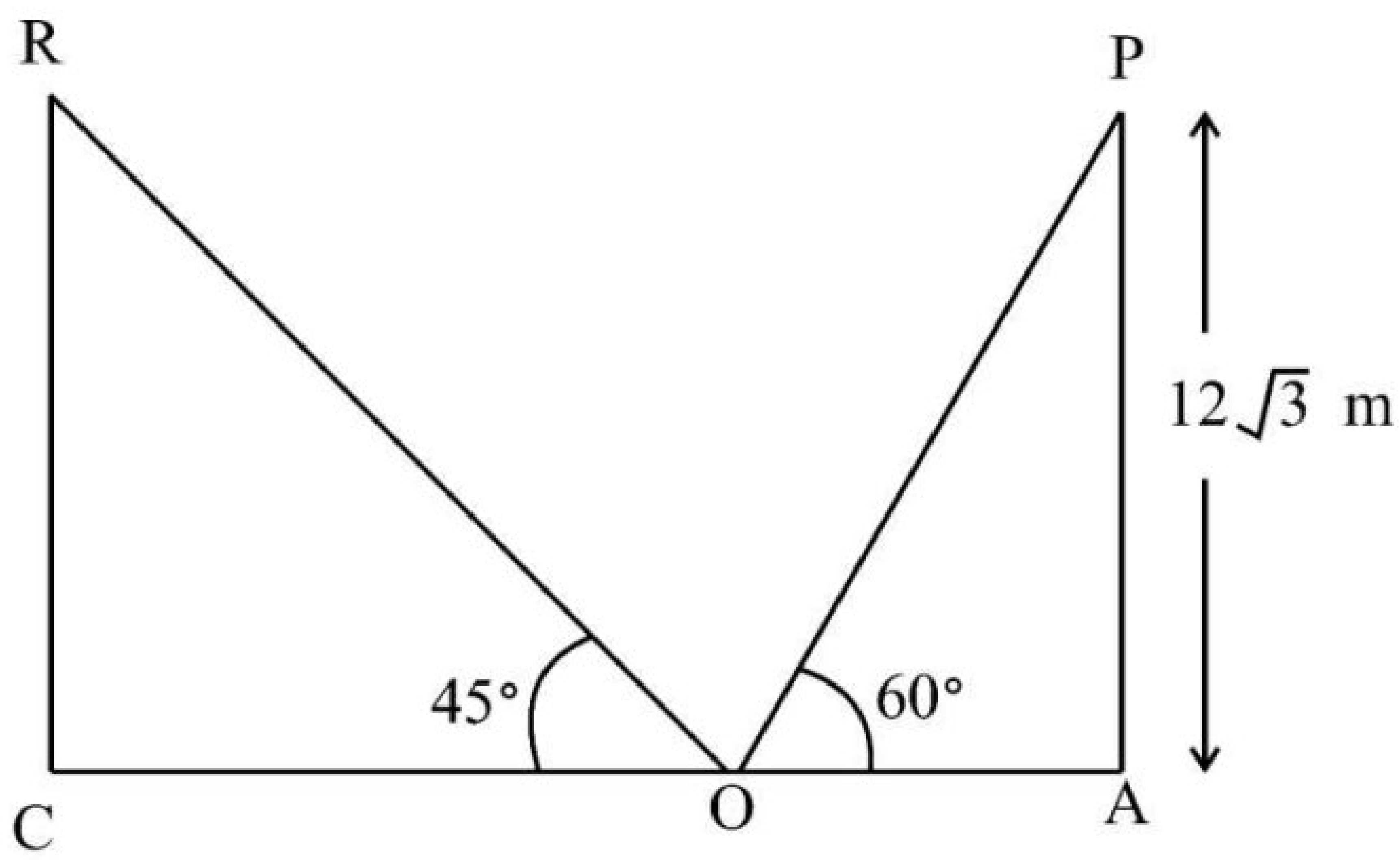
(iii) (a) दोनों इमारतों के बीच की क्षैतिज दूरी ज्ञात कीजिए। *2*

अथवा

(b) इमारत X की ऊँचाई ज्ञात कीजिए। *2*

CamScanner

The ladder inclined at an angle 60° to the horizontal is leaning against the wall of the terrace (top) of the building Y. The foot of the ladder is kept fixed and after some time it is made to lean against the terrace (top) of the opposite building X at an angle of 45° with the ground. Both the buildings along with the foot of the ladder, fixed at 'O' are in a straight line.



(Building X) (Building Y)

Based on the above given information, answer the following questions :

(i) Find the length of the ladder. *1*

(ii) Find the distance of the building Y from point 'O', i.e. OA. *1*

(iii) (a) Find the horizontal distance between the two buildings. *2*

OR

(b) Find the height of the building X. *2*

CamScanner

प्रकरण अध्ययन – 2

37. एक स्कूल ने 51वें विश्व पर्यावरण दिवस पर निकटतम पार्क में कुछ संकटापन्न पेड़ लगाने का निर्णय लिया है। उन्होंने उन पेड़ों को कुछ संकेंद्रीय वृत्ताकार पंक्तियों में लगाने का निर्णय लिया है, ताकि प्रत्येक अगली वृत्ताकार पंक्ति में पिछली वृत्ताकार पंक्ति की तुलना में 20 पेड़ अधिक हों। पहली वृत्ताकार पंक्ति में 50 पेड़ लगे हैं।

उपर्युक्त दी गई जानकारी के आधार पर, निम्नलिखित प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

(i) 10वीं पंक्ति में कितने पेड़ लगेंगे ? *1*

(ii) 8वीं पंक्ति में, 5वीं पंक्ति से कितने अधिक पेड़ लगेंगे ? *1*

(iii) (a) यदि पार्क में 3200 पेड़ लगाने हों, तो कितनी पंक्तियों की आवश्यकता होगी ? *2*

अथवा

(b) यदि पार्क में 3200 पेड़ लगाने हों, तो 11वीं पंक्ति के पश्चात् कितने पेड़ लगाने के लिए बचे रहेंगे ? *2*

CamScanner

Case Study – 2

37. A school has decided to plant some endangered trees on 51^{st} World Environment Day in the nearest park. They have decided to plant those trees in few concentric circular rows such that each succeeding row has 20 more trees than the previous one. The first circular row has 50 trees.

Based on the above given information, answer the following questions :

(i) How many trees will be planted in the 10^{th} row ? *1*

(ii) How many more trees will be planted in the 8^{th} row than in the 5^{th} row ? *1*

(iii) (a) If 3200 trees are to be planted in the park, then how many rows are required ? *2*

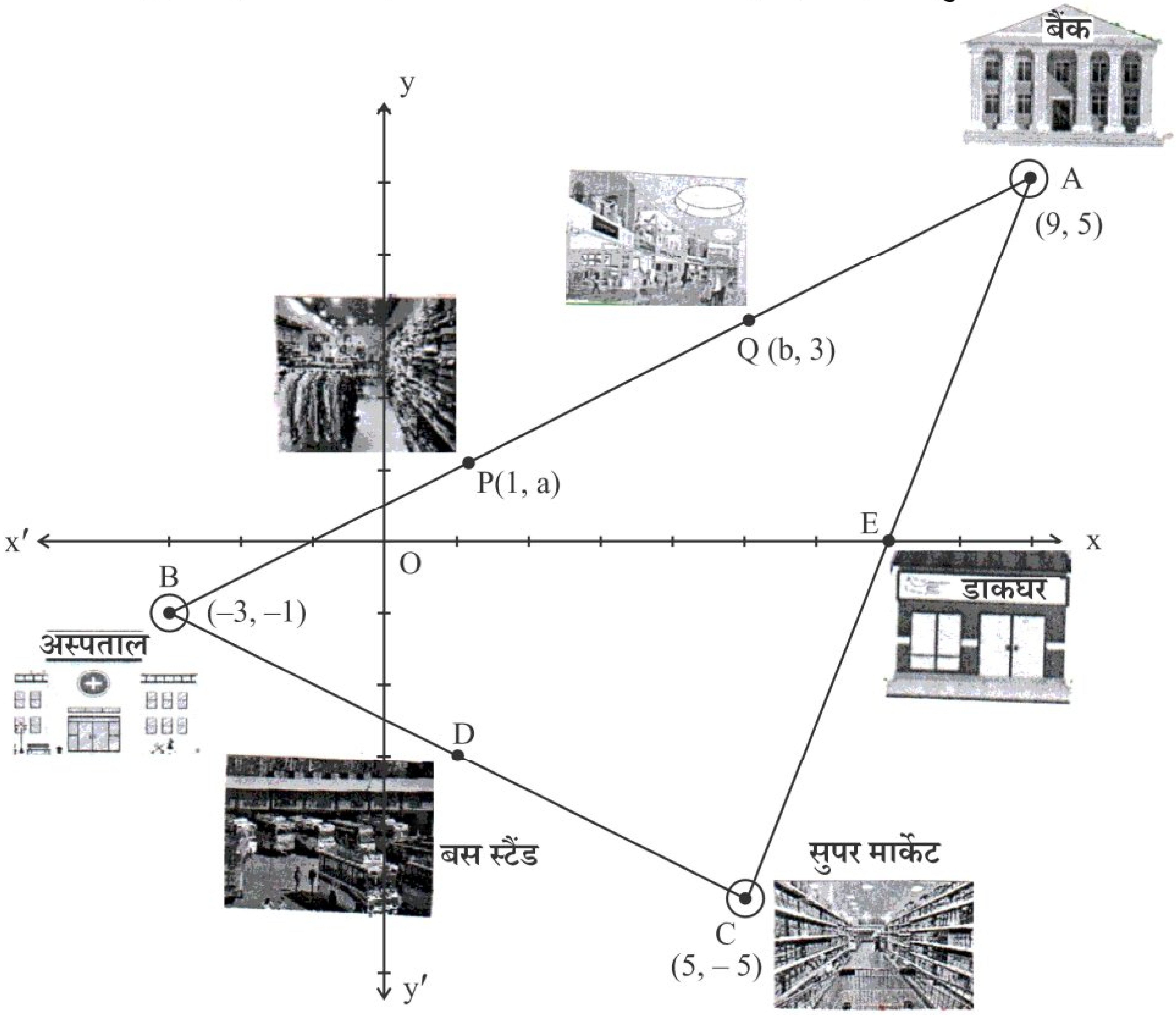
OR

(b) If 3200 trees are to be planted in the park, then how many trees are still left to be planted after the 11^{th} row ? *2*

CamScanner

प्रकरण अध्ययन – 3

38. पार्थ, एक सॉफ्टवेयर इंजीनियर, अपने काम के सिलसिले में यरूशलम में रहता है। वह शहर के सबसे सुविधाजनक क्षेत्र में रहता है जहाँ से बैंक, अस्पताल, डाकघर और सुपर मार्केट तक आसानी से पहुँचा जा सकता है। ग्राफ़ में, बैंक को A(9, 5) के रूप में, अस्पताल को B(– 3, – 1) के रूप में तथा सुपर मार्केट को C(5, – 5) के रूप में इस प्रकार दर्शाया गया है कि A, B, C एक त्रिभुज बनाते हैं।



उपर्युक्त दी गई जानकारी के आधार पर, निम्नलिखित प्रश्नों के उत्तर दीजिए :

(i) बैंक और अस्पताल के बीच की दूरी ज्ञात कीजिए। *1*

(ii) बैंक और सुपर मार्केट के बीच, एक डाकघर E के रूप में दर्शाया गया है जो कि उन दोनों के बीच का मध्य-बिंदु है। E के निर्देशांक ज्ञात कीजिए। *1*

(iii) (a) अस्पताल और सुपर मार्केट के बीच, एक बस स्टैंड है जिसे D के रूप में दर्शाया गया है, जो उन दोनों के बीच का मध्य-बिंदु है। यदि पार्थ बैंक से बस स्टैंड जाना चाहता हो, तो उसको कितनी दूरी तय करने की ज़रूरत होगी ? *2*

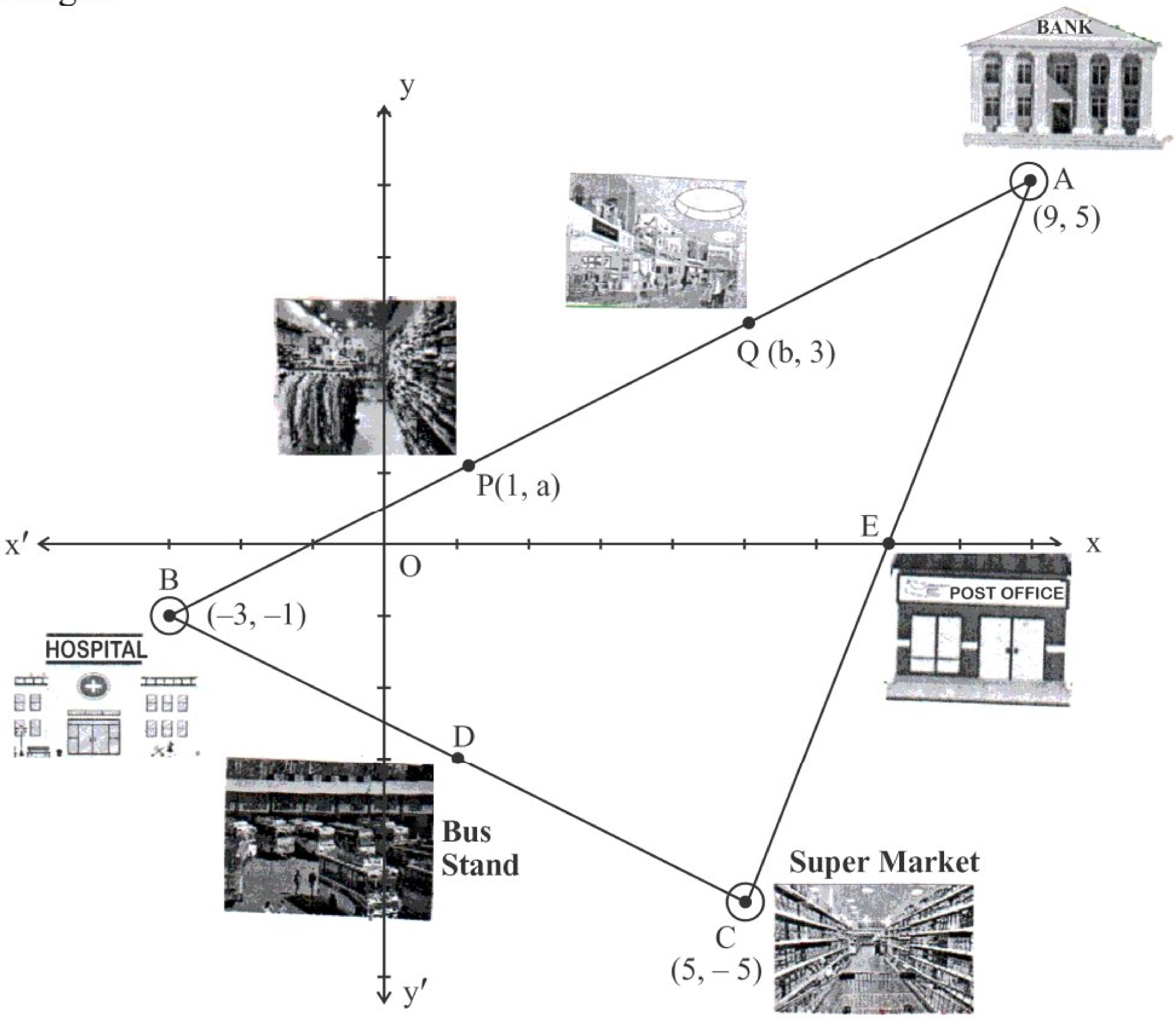
अथवा

(b) बैंक और अस्पताल के बीच दो विभिन्न वस्त्रों की दुकानें P और Q हैं, जहाँ BP = PQ = QA है। यदि P और Q के निर्देशांक क्रमश: (1, a) तथा (b, 3) हैं, तो 'a' और 'b' के मान ज्ञात कीजिए। *2*

CamScanner

Case Study – 3

38. Partha, a software engineer, lives in Jerusalem for his work. He lives in the most convenient area of the city from where bank, hospital, post office and supermarket can be easily accessed. In the graph, the bank is plotted as A(9, 5), hospital as B(– 3, – 1) and supermarket as C(5, – 5) such that A, B, C form a triangle.



Based on the above given information, answer the following questions :

(i) Find the distance between the bank and the hospital. *1*

(ii) In between the bank and the supermarket, there is a post office plotted at E which is their mid-point. Find the coordinates of E. *1*

(iii) (a) In between the hospital and the supermarket, there is a bus stop plotted as D, which is their mid-point. If Partha wants to reach the bus stand from the bank, then how much distance does he need to cover ? *2*

OR

(b) P and Q are two different garment shops lying between the bank and the hospital, such that BP = PQ = QA. If the coordinates of P and Q are (1, a) and (b, 3) respectively, then find the values of ‘a’ and ‘b’. *2*

CamScanner

X 2024 SET-1 (Answers)

1) When $x=5$, $2\times25+(k-1)5+10=0$

$\Rightarrow 50+5k-5+10=0$

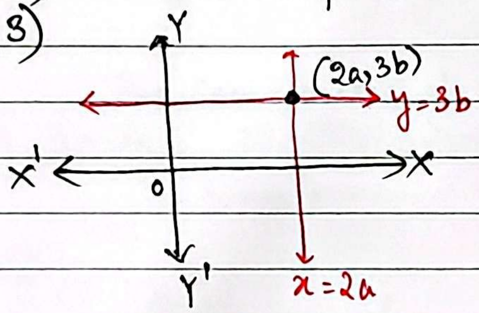
$\Rightarrow 5k+55=0$

$\Rightarrow 5k=-55$

$k=-11$ (b)

2) $LCM(m,n)=p^3\times q^4$ (c)

3)



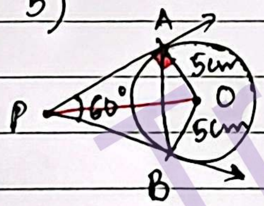
intersecting at (2a, 3b) (c)

4) $2k-2-k-7=2k+6-2k+2$

$-k-9=-2k+8$

$k=17$ (b)

5)



$OA\perp PA$

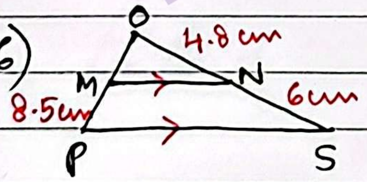
$\angle OPA=\frac{60^\circ}{2}=30^\circ$

In rt. ΔOAP, $\tan30^\circ=\frac{OA}{AP}$

$\Rightarrow \frac{1}{\sqrt3}=\frac{5}{PA}$

$\Rightarrow PA=5\sqrt3$ cm (b)

6)



Since $MN\parallel PS$, using Thales theorem

$\frac{OM}{MP}=\frac{ON}{NS}\Rightarrow\frac{OM}{8.5}=\frac{4.8}{6}$

$\Rightarrow OM=\frac{4.8\times8.5}{6}=6.8$ cm

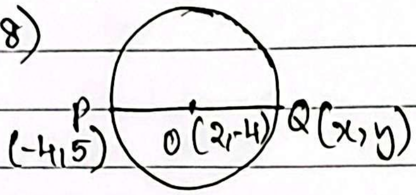
$\therefore OP=6.8+8.5=15.3$ cm (c)

7) Total no. of outcomes $=52-4-4-4=40$

P(Selecting a king) $=\frac{4}{40}=\frac{1}{10}$ (a)

Tr Simi Manoj

CamScanner

8) 

Since O is the mid-point of PQ,

$(2,-4) = \left(\frac{x_1+x_2}{2}, \frac{y_1+y_2}{2}\right)$

$(2,-4) = \left(\frac{-4+x}{2}, \frac{5+y}{2}\right)$

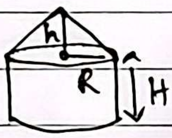
$\therefore \frac{-4+x}{2} = 2$ | $\frac{5+y}{2} = -4$

$\Rightarrow -4+x = 4$ | $5+y = -8$

$x = 8$ | $y = -13$

$\therefore$ The coordinates of Q are (8, -13) (d)

9) $\sin^2\theta + \frac{1}{1+\tan^2\theta} = \sin^2\theta + \frac{1}{\sec^2\theta} = \sin^2\theta + \cos^2\theta = 1$ (c)

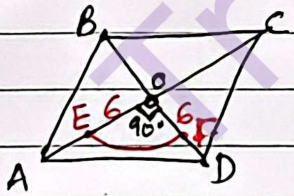
10) 

$V_{cylinder} = V_{cone}$

$\Rightarrow \pi R^2 H = \frac{1}{3}\pi R^2 h$

$\Rightarrow \frac{H}{h} = \frac{1}{3}$ (b)

11) $l-(n-1)d = 49-6\times3 = 49-18 = 31$ (c)

12) 

area of sector OEF $= \frac{\theta}{360°} \times \pi r^2$

$= \frac{90°}{360°} \times \pi \times 6 \times 6 = 9\pi\ cm^2$ (a)

13) P(no. of chocolate icecreams) $= \frac{\text{no. of chocolate icecreams}}{\text{Total no. of icecreams in lot}}$

$\Rightarrow 0.055 = \frac{n}{600}$

$\therefore n = 0.055 \times 600 = 33$ (a)

Tr Simi Manoj

CS CamScanner

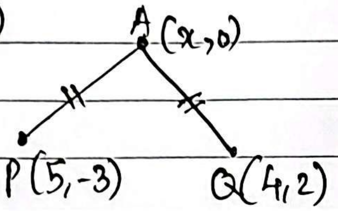
14) $\tan^2 45^\circ + \cot^2\alpha = 2$

$\Rightarrow 1 + \cot^2\alpha = 2$

$\Rightarrow \cot^2\alpha = 1$

$\therefore \alpha = 45^\circ$ (b)

15)



$PA = QA$

$\Rightarrow PA^2 = QA^2$

$\Rightarrow (x-5)^2 + (0+3)^2 = (x-4)^2 + (0-2)^2$

$\Rightarrow \cancel{x^2} + 25 - 10x + 9 = \cancel{x^2} + 16 - 8x + 4$

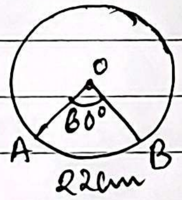
$\Rightarrow 34 - 10x = 20 - 8x$

$\Rightarrow 2x = 14$

$x = 7$

$\therefore$ The required point is $(7,0)$ (b)

16)

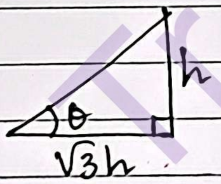


$\text{length of arc} = \frac{\theta}{360^\circ} \times 2\pi r$

$\Rightarrow 22 = \frac{60^\circ}{360^\circ} \times 2 \times \frac{22}{7} \times r$

$\therefore r = 21\text{cm}$ (b)

17)



$\tan\theta = \frac{h}{\sqrt{3}h} = \frac{1}{\sqrt{3}}$

$\therefore \theta = 30^\circ$ (a)

18) Total no. of outcomes $= 6^2 = 36$

Favourable outcomes $= \{(2,5), (2,6), (3,3), (3,4), (4,3), (5,2), (6,2)\}$

$\therefore$ P(product lies between 8 and 13) $= \frac{7}{36}$ (a)

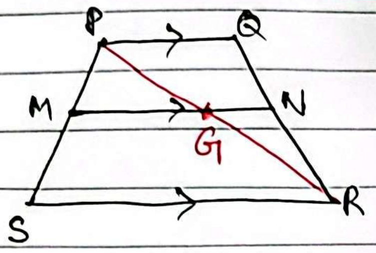
19) (a)

20) $\angle ABO = 90^\circ - 75^\circ = 15^\circ$, Assertion is false (d)

Tr Simi Manoj

CS CamScanner

SECTION-B

21) 

Given :- In trapezium PQRS, PQ || SR and MN || PQ

To prove :- $\frac{PM}{MS} = \frac{QN}{NR}$

Construction :- Join PR to meet MN at G

Proof :- Since PQ || SR and MN || PQ, then PQ || MN || SR

In $\triangle PSR$, since MG || SR, using Thales theorem,

$$\frac{PM}{MS} = \frac{PG}{GR} \rightarrow (1)$$

Similarly, in $\triangle PRQ$, since GN || PQ,

$$\frac{PG}{GR} = \frac{QN}{NR} \rightarrow (2)$$

From eq:s (1) & (2), $\frac{PM}{MS} = \frac{QN}{NR}$. Hence Proved

22) Let us assume that $7-3\sqrt{5}$ is a rational number.

Then, $7-3\sqrt{5} = \frac{a}{b}$; where a and b are co-prime integers and $b \neq 0$

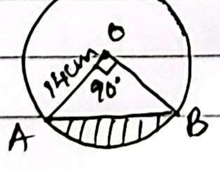
$$3\sqrt{5} = 7 - \frac{a}{b}$$

$$3\sqrt{5} = \frac{7b-a}{b}$$

$$\sqrt{5} = \frac{7b-a}{3b}$$

Since a and b are integers, $\frac{7b-a}{3b}$ is a rational number. Thus $\sqrt{5}$ is also rational. But this contradicts the fact that $\sqrt{5}$ is irrational. This contradiction arises due to our wrong assumption that $7-3\sqrt{5}$ is rational.

Hence, $7-3\sqrt{5}$ is irrational.

23) 

$r = 14cm$, $\theta = 90°$

area of sector $= \frac{\theta}{360°} \times \pi r^2 = \frac{90°}{360°} \times \frac{22}{7} \times 14 \times 14 = 154\ cm^2$

area of $\triangle OAB = \frac{1}{2} r^2 = \frac{1}{2} \times 14 \times 14 = 98\ cm^2$

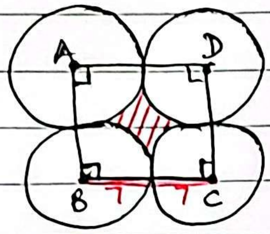
Tr Simi Manoj

CamScanner

$\therefore$ area of minor segment = area of sector − area of Δ

$= 154 - 98 = \underline{\underline{56 cm^2}}$

(OR)



$r = 7 cm$

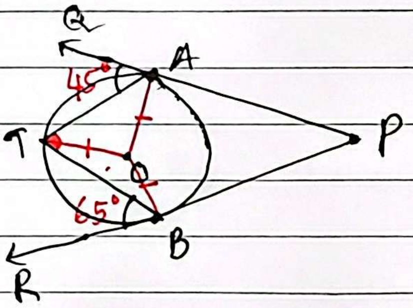
$a = 14 cm$

Area of shaded region = area of square − 4 × area of quadrant

$= a^2 - \pi r^2$

$= 14 \times 14 - \frac{22}{7} \times 7 \times 7 = 196 - 154 = \underline{\underline{42 cm^2}}$

24)



$OA \perp PQ$ } radius ⊥ tangent through
$OB \perp RP$ } the point of contact

$\angle OBT = 90° - 65° = 25°$

$\angle OAT = 90° - 45° = 45°$

$OA = OT = OB$ (radii of the same circle)

$\angle OAT = \angle OTA = 45°$ } angles opposite to equal sides
$\angle OBT = \angle OTB = 25°$ }

$\therefore \angle ATB = 45° + 25° = \underline{\underline{70°}}$

25) (a) $\cos(A+B) = \frac{1}{2} \Rightarrow A+B = 60° \rightarrow (1)$

$\tan(A-B) = \frac{1}{\sqrt{3}} \Rightarrow A-B = 30° \rightarrow (2)$

$(+) \Rightarrow 2A = 90°$

$A = 45°$

$B = 15°$

$\therefore 2A - 3B = 90° - 45° = 45°$

$\sec(2A-3B) = \sec 45°$

$= \underline{\underline{\sqrt{2}}}$

(OR) (b) $3\tan^2 60° - x\sin^2 45° + \frac{3}{4}\sec^2 30° = 2\csc^2 30°$

$\Rightarrow 3 \times (\sqrt{3})^2 - x \times \left(\frac{1}{\sqrt{2}}\right)^2 + \frac{3}{4} \times \left(\frac{2}{\sqrt{3}}\right)^2 = 2 \times (2)^2$

$\Rightarrow 3 \times 3 - \frac{x}{2} + \frac{3}{4} \times \frac{4}{3} = 8$

$\Rightarrow 10 - \frac{x}{2} = 8$

$\Rightarrow 10 - 8 = \frac{x}{2}$

$\Rightarrow \frac{x}{2} = 2$

$\therefore \underline{\underline{x = 4}}$

Tr Sini Manoj

CamScanner

SECTION-C

26)

C.I	x_i	f_i	$d_i = x_i - a$	$f_i d_i$	
10-20	15	9	-30	-270	
20-30	25	14	-20	-280	-700
30-40	35	15	-10	-150	
40-50	a (45)	21	0	0	
50-60	55	23	10	230	
60-70	65	12	20	240	650
70-80	75	6	30	180	
		$\Sigma f_i = 100$		$\Sigma f_i d_i = -50$	

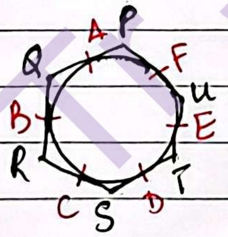
$$\text{mean age} = a + \frac{\Sigma f_i d_i}{\Sigma f_i} = 45 - \frac{50}{100} = 45 - 0.5 = \underline{\underline{44.5 \text{ years}}}$$

27) LHS, $\dfrac{1+\tan^2 A}{1+\cot^2 A} = \dfrac{1+\tan^2 A}{1+\dfrac{1}{\tan^2 A}} = \dfrac{1+\tan^2 A}{\dfrac{\tan^2 A + 1}{\tan^2 A}} = \tan^2 A$ //

RHS, $\dfrac{(1-\tan A)^2}{(1-\cot A)^2} = \left(\dfrac{1-\tan A}{1-\cot A}\right)^2 = \left(\dfrac{1-\tan A}{1-\dfrac{1}{\tan A}}\right)^2 = \dfrac{1-\tan A}{\dfrac{\tan A - 1}{\tan A}} = (-\tan A)^2 = \tan^2 A$ //

$\therefore$ LHS = RHS

28) (a)



Given:- hexagon PQRSTU circumscribes a circle.
A, B, C, D, E and F are the points of contacts

To prove:- PQ+RS+TU = QR+ST+UP

Proof:- we know that the tangents drawn from an external point are equal in lengths,

PA = PF [∵ P is the external point]
RC = RB [∵ R is the external point]
TE = TD [∵ T is the external point]
QA = QB [∵ Q is the external point]
SC = SD [∵ S is the external point]
UE = UF [∵ U is the external point]

(PA+QA)+(RC+CS)+(TE+UE) = (QB+BR)+(SD+TD)+(UF+PF)

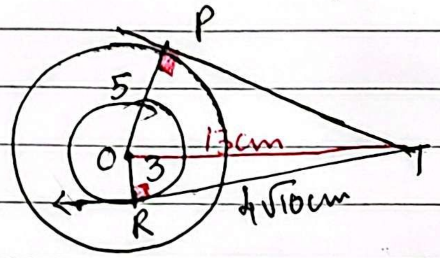
Tr Sini Manoj

CamScanner

$\Rightarrow PQ + RS + UT = QR + ST + UP$

Hence proved.

(OR)



Construction:- Join OP, OR and OT.

$OP \perp TP$, $OR \perp RT$ } radius ⊥ tangent through the point of contact

In rt. ΔORT, $OT^2 = OR^2 + RT^2 = 9 + 160 = 169$

$OT = 13cm$

In rt. ΔOPT, $PT^2 = OT^2 - OP^2 = 169 - 25 = 144$

$PT = 12cm$

29) Let the zeroes be α and β.

$\alpha + \beta = 8 \rightarrow (1)$

$\alpha - \beta = \pm 2 \rightarrow (2)$

(1) $\alpha + \beta = 8$	$\alpha + \beta = 8$
(2) $\alpha - \beta = 2$	$\alpha - \beta = -2$
$2\alpha = 10$	$2\alpha = 6$
$\alpha = 5$	$\alpha = 3$
$\beta = 3$	$\beta = 5$

∴ The required polynomial is $k[x^2 - (\alpha+\beta)x + \alpha\beta]$; where k is any non-zero real number.

$= k[x^2 - 8x + 15]$

$= x^2 - 8x + 15$; where $k = 1$

30)(a) Let the digit in the ten's place be x and that in one's place be y

original number is $10x + y$

reversed number is $10y + x$

$x + y = 12 \rightarrow (1)$

$7(10x + y) = 4(10y + x)$

$70x + 7y = 40y + 4x$

$66x = 33y$

$\boxed{2x = y}$

From eq: (1),

$x + 2x = 12$

$3x = 12$

$x = 4$

$y = 8$

∴ The required no. is 48

Tr Simi Manoj

CS CamScanner

OR

(b) $62x + 43y = 167 \rightarrow (1)$

$43x + 62y = 148 \rightarrow (2)$

$(1)+(2) \Rightarrow 105x + 105y = 315$

$\div 105 \Rightarrow x + y = 3 \rightarrow (3)$

$(1)-(2) \Rightarrow 19x - 19y = 19$

$\div 19 \Rightarrow x - y = 1 \rightarrow (4)$

$(3)+(4) \Rightarrow 2x = 4$

$x = 2$
$y = 1$

31) $42 = 2 \times 3 \times 7$

$56 = 2^3 \times 7$

$70 = 7 \times 2 \times 5$

$HCF(42, 56, 70) = 2 \times 7 = 14$

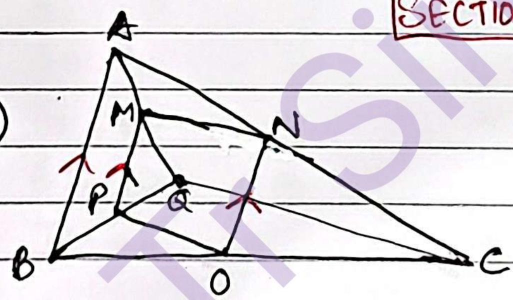
$\therefore$ Minimum no. of tables required $= \frac{42}{14} + \frac{56}{14} + \frac{70}{14}$

$= 3 + 4 + 5$

$= 12$ tables

SECTION-D

32)



Given:- in $\triangle ABC$, MNOP is a ||gm.
$AB \parallel MP$

To prove:- $QC \parallel PO$

Proof:- In $\triangle AQB$ and $\triangle MQP$, $\angle AQB = \angle MQP$ (common angle)

$\angle QAB = \angle QMP$ (corresponding angles)

$\therefore \triangle AQB \sim \triangle MQP$ (AA Similarity)

Thus, $\frac{QA}{QM} = \frac{QB}{QP} = \frac{AB}{MP}$ (Corresponding sides of similar △s are proportional) $\rightarrow (1)$

Since MNOP is a ||gm, $MP \parallel NO$

But $MP \parallel AB$.

Thus $NO \parallel AB$

Tr Simi Manoj

CS CamScanner

So, in ΔCAB and ΔCNO, $\angle ACB = \angle NCO$ (common angle)

$\angle CAB = \angle CNO$ (corresponding angles)

$\therefore \Delta CAB \sim \Delta CNO$ (AA Similarity)

Thus, $\frac{CA}{CN} = \frac{CB}{CO} = \frac{AB}{NO} \longrightarrow (2)$

Since $NO = MP$, from eq's (1) and (2)

$$\frac{QB}{QP} = \frac{CB}{CO}$$

$$\Rightarrow \frac{QB}{QP} - 1 = \frac{CB}{CO} - 1$$

$$\Rightarrow \frac{PB}{QP} = \frac{BO}{CO}$$

$\Rightarrow PO \parallel QC$ by Converse of Thales theorem

33)

C.I	f	c.f
10-20	15	15
20-30	x	$15+x$
30-40	12	$27+x$
40-50	20	$47+x$
50-60	y	$47+x+y$
60-70	8	$55+x+y$
70-80	10	$65+x+y$
	$\Sigma f_i = 65+x+y$	

$\Sigma f_i = n = 100$

$\Rightarrow 65+x+y = 100$

$\Rightarrow x+y = 35$

median = 41.5

median class = 40-50

$l = 40, h = 10, f = 20, c.f = 27+x$

$$\text{median} = l + \frac{\frac{n}{2} - c.f}{f} \times h$$

$$41.5 = 40 + \frac{50-27-x}{20} \times 10$$

$1.5 \times 2 = 23 - x$

$x = 23 - 3 = 20$

$x = 20$

$y = 15$

Tr Simi Manoj

CS CamScanner

34) (a) Let Nidhi's present age be x years.

ATQ, $(x-7)^2 = 5x+1$

$\Rightarrow x^2 + 49 - 14x = 5x + 1$

$\Rightarrow x^2 - 19x + 48 = 0$

$\Rightarrow (x-16)(x-3) = 0$

$\therefore x = 16, 3$

x cannot be 3, $\therefore$ required value of $x = 16$

Hence, present age of Nidhi = 16 years.

(OR) Let the no. of books he bought initially be x

Cost of 1 book $= \frac{1800}{x}$

When 15 more books added, cost of 1 book $= \frac{1800}{x+15}$

ATQ, $\frac{1800}{x} - \frac{1800}{x+15} = 20$

$\Rightarrow 1800\left[\frac{x+15-x}{x^2+15x}\right] = 20$

$\Rightarrow 90 \times 15 = 1(x^2+15x)$

$\Rightarrow x^2 + 15x - 1350 = 0$

$\Rightarrow (x+45)(x-30) = 0$

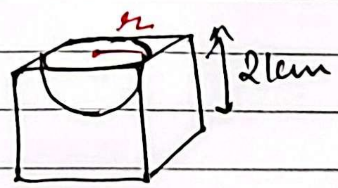
$x = -45, 30$

x cannot be -ve, $\therefore$ required value of x is 30

Hence, no. of books he bought initially = 30 books

35) (a) $r = \frac{21}{2}$ cm

$a = 21$ cm



(i) volume of wood left in the block

= Volume of cube − volume of hemisphere

$= a^3 - \frac{2}{3}\pi r^3 = 21 \times 21 \times 21 - \frac{2}{3} \times \frac{22}{7} \times \frac{21}{2} \times \frac{21}{2} \times \frac{21}{2}$

$= 9261 - 2425.5 = 6835.5\,cm^3$

Trsmi Manoj

CS CamScanner

(ii) T.S.A of the remaining solid = $T.S.A_{cube} - BA_{hemisphere} + C.S.A_{hemisphere}$

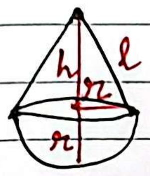
$= 6a^2 - \pi r^2 + 2\pi r^2$

$= 6a^2 + \pi r^2$

$= 6 \times 21 \times 21 + \frac{22}{7} \times \frac{21}{2} \times \frac{21}{2}$

$= 2646 + 346.5 = 2992.5 \text{ cm}^2$

OR (b)



$\frac{r}{l} = \frac{3}{5} \Rightarrow \frac{r}{\sqrt{h^2+r^2}} = \frac{3}{5}$

$\Rightarrow 5r = 3\sqrt{h^2+r^2}$

$\Rightarrow (5r)^2 = 9(h^2+r^2)$

$\Rightarrow 25r^2 = 9h^2 + 9r^2$

$\Rightarrow 16r^2 = 9h^2$

$\Rightarrow 4r = 3h$

$\Rightarrow r = \frac{3}{4}h \longrightarrow (1)$

Volume of the toy $= 240\pi = \frac{1}{3}\pi r^2 h + \frac{2}{3}\pi r^3$

$\Rightarrow 240\pi = \frac{1}{3}\pi r^2 (h + 2r)$

$\Rightarrow 240 = \frac{1}{3} \times \frac{9}{16} h^2 \left(h + 2 \times \frac{3}{4}h\right)$

$\Rightarrow \frac{240 \times 16}{3} = h^2 \times \frac{5h}{2}$

$\therefore h^3 = \frac{240 \times 16 \times 2}{3 \times 5} = 8 \times 2 \times 8 \times 2 \times 2$

$h = 2 \times 2 \times 2 = 8 \text{ cm}$

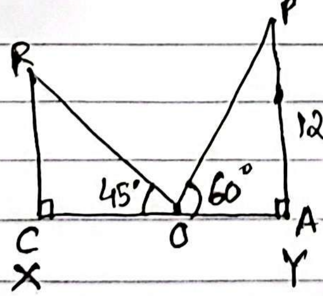
$r = \frac{3 \times 8}{4}$

$r = 6 \text{ cm}$

Hence, total height of the toy $= h + r = 8 + 6 = 14 \text{ cm}$

SECTION-E

36)



Tr Simi Manoj

CamScanner

(i) In rt. ΔPAO, $\sin 60° = \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{12\sqrt{3}}{OP}$

$\therefore OP = 24m$

Hence, length of the ladder is 24m

(ii) $\cos 60° = \frac{1}{2} = \frac{OA}{OP}$

$\Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{OA}{24}$

$\therefore OA = 12m$

$\therefore$ required distance $OA = 12m$

(iii) (a) In rt. ΔRCO, $\cos 45° = \frac{OC}{OR}$

$\Rightarrow \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{OC}{24}$

$\therefore OC = \frac{24}{\sqrt{2}} = \frac{24\sqrt{2}}{2} = 12\sqrt{2}m$ //

$\therefore$ distance between two buildings $= OA + OC = 12 + 12\sqrt{2}$
$= 12(1+\sqrt{2})m$ //

OR (b) In rt. ΔRCO, $\tan 45° = \frac{RC}{OC}$

$\Rightarrow 1 = \frac{RC}{12\sqrt{2}}$

$\therefore RC = 12\sqrt{2}m$

$\therefore$ height of the building $x = 12\sqrt{2}m$

37) $a = 50$
$d = 20$

(i) $a_{10} = a + 9d = 50 + 180 = 230$ trees in 10^{th} row

(ii) $a_8 - a_5 = a + 7d - a - 4d = 3d = 60$ more trees

(iii) $S_n = 3200$

$\Rightarrow \frac{n}{2}[2a + (n-1)d] = 3200$

$\Rightarrow \frac{n}{2}[100 + (n-1)20] = 3200$

$\frac{n}{2}[100 + 20n - 20] = 3200$

$n(80 + 20n) = 6400$

$20n^2 + 80n - 6400 = 0$

$n^2 + 4n - 320 = 0$

$(n+20)(n-16) = 0$

$n = -20, 16$

n cannot be $-ve$, $\therefore n = 16$

no. of rows $= 16$ rows

Tr Simi Manoj
CamScanner

OR (b) $S_{11} = \frac{11}{2}[2a+10d] = \frac{11}{2}[100+200] = \frac{11}{2} \times 300 = 1650$

No. of trees left $= 3200 - 1650 = $ **1550 trees**

38) (i) A(9,5) ——— B(−3,−1)

$AB = \sqrt{(x_2-x_1)^2 + (y_2-y_1)^2}$

$= \sqrt{(-3-9)^2 + (-1-5)^2}$

$= \sqrt{144+36} = \sqrt{180} = 6\sqrt{5}$ units

(ii) $E(x,y) = E\left(\frac{x_1+x_2}{2}, \frac{y_1+y_2}{2}\right) = E\left(\frac{9+5}{2}, \frac{-5+5}{2}\right) = E(7,0)$

(iii) (a) $D(x,y) = \left(\frac{-3+5}{2}, \frac{-1-5}{2}\right) = (1,-3)$

$\therefore AD = \sqrt{(1-9)^2 + (-3-5)^2} = \sqrt{64+64} = \sqrt{128} = 8\sqrt{2}$ units

OR

(b) P divides BA in the ratio 1 : 2

B(−3,−1) —1— P(x,y) —2— A(9,5)

$P(x,y) = \left(\frac{m_1x_2+m_2x_1}{m_1+m_2}, \frac{m_1y_2+m_2y_1}{m_1+m_2}\right)$

$(x,y) = \left(\frac{9-6}{3}, \frac{5-2}{3}\right)$

$\Rightarrow (1,a) = (1,1)$

$\therefore \boxed{a=1}$

Since Q is the mid-point of PA, $(b,3) = \left(\frac{1+9}{2}, \frac{1+5}{2}\right)$

$\Rightarrow (b,3) = (5,3)$

$\therefore \boxed{b=5}$

Tr Simi Manoj

CamScanner